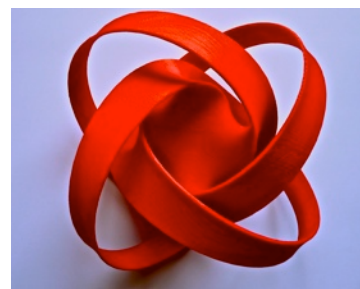




MATHÉMATIQUES & ARTS



Catalogue 2013 33 Exposants
ESMA

*L'exposition illustre, dans leur modernité, les liens intimes
qui n'ont jamais cessé d'unir*

les Arts plastiques à l'Art mathématique

LISTE DES EXPOSANTS

François	APÉRY	Francesco DE COMITE	Jos LEYS
Benno	ARTMANN	Richard DENNER	Sylvie PIC
Boris	ASANCHEYEV	Tamàs FARKAS	Milen POENARU
David	AUSTIN	Mike FIELD	Denise PRANVILLE
Thomas	BANCHOFF	Anatoly FOMENKO	Philippe RIPS
Jérémie	BRUNET	George HART	Irène ROUSSEAU
Geraud	BOUSQUET	Hiltrud HEINRICH	Radmila SAZDANOVIC
William	CASSELMAN	Slavik JABLAN	John SULLIVAN
Philippe	CHARBONNEAU	Patrice JEENER	François TARD
Jean-François	COLONNA	Bahman KALANTARI	Dick TERMÈS
Jean	CONSTANT	Dmitri KOZLOV	David WRIGHT

LE CATALOGUE

Miroir de nos Expositions

Le Catalogue

Le présent catalogue est édité à l'occasion de la nouvelle exposition Mathématiques et Arts, tenue en Septembre 2013 au Centre International de Rencontres Mathématiques, à Marseille-Luminy. L'exposition s'inscrit dans le cadre d'un projet culturel, artistique, et pédagogique porté par la Société Européenne pour les Mathématiques et les Arts, l'ESMA (www.math-art.eu).

Les relations intimes entre Mathématiques et Arts, ou entre Arts et Mathématiques, sont largement évoquées dans plusieurs textes aux contenus différents, le lecteur pourra les découvrir dans les pages qui suivent cette introduction. Ces relations sont également illustrées dans les bandeaux qui ornent le site de l'ESMA. On ne reviendra donc pas sur ce thème dans ces premières lignes.

Le contenu de ce catalogue n'est qu'un reflet du fonds permanent d'oeuvres (150) que l'ESMA pourrait, en 2013, dans sa totalité, présenter au public. Les raisons matérielles font évidemment obstacle à l'impression d'un catalogue complet de ces oeuvres.

Le choix de celles qui figurent ici est de mon entière responsabilité. Il est certes motivé par leurs qualités telles que je les ressens, mais aussi par la diversité des oeuvres que chaque auteur nous a confiées et des thèmes mathématiques qu'il aborde.

Le catalogue comporte deux parties correspondant à la distinction faite entre :

- les petites sculptures, et en dehors d'elles,
- les oeuvres prêtées ou cédées constituant le fonds momentané ou permanent.

Le catalogue de la première de ces expositions (en 2005 à l'Institut Henri Poincaré à Paris) portait les noms de 18 exposants. Le catalogue de ce 19-ème évènement en comporte 33. Compte tenu du volume d'oeuvres à présenter, la rédaction du catalogue a été faite a minima, apportant toutefois un premier regard sur les thèmes mathématiques abordés.

Le premier également des textes cités dans les pages consacrées aux liens entre mathématiques et arts fait référence aux exposants présents jusqu'en 2009 inclus. Figurent donc bien des noms nouveaux dans la liste des exposants ici présents. On admirera la maîtrise technique dont ils font preuve, chacun dans un registre différent, leur inventivité, l'étonnante diversité des manières de traiter parfois des mêmes sujets. La singularité est reine. Dans l'emploi de l'ordinateur comme outil pour la

création des jeux de lumière, si l'on reconnaîtra la maîtrise de Jos Leys, et de John Sullivan notamment pour le rendu des transparences, nul n'a été aussi loin me semble-t-il que Luc Bénard dans le suivi du rayon de lumière, sa vibration, sa réfraction, son éclat. Anatoly Fomenko se situe en un certain sens tout à l'opposé puisque, dans la création de son oeuvre, il n'avait encore sous la main que le crayon, la plume et l'encre noire. Depuis longtemps largement reconnu non seulement comme excellent mathématicien mais aussi comme un artiste remarquable, il est enfin présent dans ce catalogue, et surtout dans nos expositions.

Les Expositions

Sans doute convient-il de dire ici un mot sur la philosophie qui a conduit à la mise sur pied de ces expositions. Le maître mot serait peut-être ici celui de *partage*.

Toutes les activités humaines partagent des raisons communes, la plus fondamentale étant celle d'assurer la stabilité de l'individu comme celle de la société. Elles éveillent en nous à des degrés divers, selon le caractère positif ou négatif de leur apport à la stabilité profonde du moi, des réactions d'adhésion ou de rejet, où, dans leur expression, l'affectivité l'emporte souvent sur la raison. L'expression du sentiment du beau ou du laid est le résultat d'une manière de synthèse entre ces formes de réactions. Le partage de l'un de ces sentiments entre différents êtres possède cette vertu de les souder entre eux.

Les mathématiques partagent avec d'autres activités artistiques, et entre autres, le souci de la perfection et l'inventivité. Le mathématicien est, comme l'artiste, un artisan. On cisèle une démonstration comme on cisèle le marbre, le bois, une sculpture. Les procédés et les outils du mathématicien peuvent lui permettre de créer de nouveaux objets, de nouvelles théories, qui, elles, méritent d'être comprises comme également des objets. Devant ses réussites, au même titre que le peintre, le mathématicien peut éprouver et éprouve souvent un sentiment de beauté qui peut être profond.

En partageant et en faisant partager ce sentiment de beauté, l'exposition d'oeuvres mathématiques, que l'on peut voir ou même toucher, rassemble autour d'elle dans un même élan de partage et de communion les visiteurs attentifs et conquis.

Des barrières psychologiques qui pouvaient séparer des mathématiques un certain nombre de ces spectateurs s'effondrent soudain.

La Valorisation des Expositions

La transmission du savoir est également une forme de partage, tournée, elle, vers le futur. Dans l'ambiance chaleureuse créée par la présence des oeuvres belles, où les rivalités s'évanouissent et où le moi se dissout devant la contemplation des oeuvres, s'efface devant le spectacle de la ligne pure, de la lumière étincelante, de la composition riche et évocatrice, dans cette atmosphère particulière, l'écoute devient

attentive d'une sorte de narration, celui d'un voyage à travers ces oeuvres où l'on découvre les propriétés fondamentales qui les sous-tend, les principaux concepts généraux qui ont présidé à leur formation et qui les habitent. L'auditeur-spectateur quitte la salle, réjouit d'avoir à la fois pu se détendre et d'avoir quelque peu pénétré à l'intérieur d'un univers conceptuel fascinant.

En d'autres termes une exposition reste incomplète, laisse le visiteur à mi-chemin, si elle n'est pas accompagnée de ces formes habiles d'exposés qui, tout en même temps, nourrissent l'esprit, fusionnent les pensées, et suscitent l'interrogation.

Il y a, dans chaque oeuvre, une beauté formelle, une beauté physique, celle pour moi que créent les jeux de couleurs et de lumière, et enfin, de temps à autre, une beauté humaine, j'entends l'expression d'une pensée ou d'un sentiment forts.

Je ne doute pas que toi aussi, lecteur, tu ne sois conquis par l'ineffable beauté des oeuvres que le contenu de ce catalogue plutôt riche va te révéler. Mais ne devons-nous pas d'abord admirer et remercier tous ceux qui, ici, par leur talent d'une haute tenue, nous apportent, à travers l'élégance de la forme et le chatoiement des couleurs, l'étonnement du regard et le plaisir apaisant des yeux ?

Claude Paul Bruter

LES PRINCIPAUX THÈMES MATHÉMATIQUES

illustrés dans le catalogue

Introduction

La création de l'univers mathématique a été réalisée à partir de la représentation symbolique de quelques propriétés du monde physique particulièrement pertinentes et stables. C'est à partir de ces données que les mathématiciens ont ensuite développé leurs théories sans avoir forcément le besoin d'en référer au monde physique originel.

La mathématique peut donc être considérée comme une physique abstraite, où l'implication logique reproduit l'implication causale, fait expliquant pour une large part le succès de l'emploi des mathématiques en physique théorique et appliquée.

L'univers mathématique se compose de diverses galaxies ou sociétés, appelées parfois théories, qui interagissent les unes avec les autres : elles prennent appui les unes sur les autres pour mieux se développer. Quatre principales galaxies portent le nom de topologie, de géométrie, d'algèbre et d'analyse. Bien que le nombre soit omniprésent au sein de ces galaxies, on considère ici sa théorie comme relevant d'une autre galaxie qu'on appellera la galaxie du codage, codage des objets entre autres mathématiques et qui en permet la diffusion.

On rencontrera dans cette exposition des illustrations et des objets appartenant principalement au monde de la géométrie, ce terme étant pris dans un sens large.

La géométrie se consacre à l'étude des formes des objets, à celle de leur genèse, d'où son intérêt en physique.

L'intérêt est d'autant plus grand que les physiciens représentent souvent des propriétés des objets par des formes : par exemple, on peut représenter le poids d'un objet par un rectangle de dimension adaptée.

L'étude des formes, sans référence aucune à des propriétés de distance entre les éléments de ces formes, porte le nom de topologie.

Lorsque, ensuite, on introduit la considération des distances, de métriques, on fait de la géométrie. L'emploi de résultats et de techniques d'algèbre et d'analyse a grandement contribué au développement de la géométrie.

La première géométrie plane peut être comprise comme l'étude des ombres sur le sol des objets élémentaires éclairés par le soleil. Ou encore ce sont les projections sur un écran d'objets éclairés par une source de lumière. On notera que ces ombres, sont des formes premières de représentation des objets.

Ces simples mots, écran, projection, sont liés à des objets ou opérations fondamentales en mathématiques. Plutôt que le terme écran, les mathématiciens lui

préfèrent le terme *espace* : les deux termes sont ici synonymes. Cet écran, cet espace peut avoir un nombre quelconque de dimensions : 1, s'il s'agit d'un fil, 2, s'il s'agit d'une feuille de papier, 3, s'il s'agit de notre espace ordinaire, 4, s'il s'agit de l'espace-temps, etc

Fabriquer l'ombre d'un objet sur un espace-écran s'appelle en mathématiques faire une *projection*. La projection est l'opération fondamentale en mathématiques ; les autres transformations en sont des déformations.

Quand on regarde un objet dans un espace de dimension donnée, il est toujours pertinent de le concevoir comme la projection sur cet espace-écran d'un objet (appelé un revêtement) situé dans un espace de dimension supérieure. Et pour connaître les propriétés d'un objet situé dans un espace de grande dimension qui échappe à notre perception, il est de bon sens de le comprendre par l'examen de ses projections sur un espace-écran de dimension moindre accessible à notre perception. Se placer du point de vue de Sirius est ainsi fort utile, et comme chacun sait, pas seulement du point de vue de la mathématique.

Les polyèdres

On est peu informé sur le degré de familiarité des Anciens avec les objets de la nature ayant des formes polyédriques, alors qu'on les rencontre bien sûr dans la neige, dans les cristaux comme ceux du béryl ou de quartz et qui auraient pu être montés en bijoux, comme ceux de pyrite, fréquents dans cette Sicile où Pythagore exerça. Le catalogue de pierres donné par le traité par Pline dans son *Histoire naturelle*, serait inspiré d'une œuvre de Xénocrate, le successeur de Platon à l'Académie. Les travaux de l'école grecque en matière de polyèdres pourraient donc bien avoir une part de leur motivation dans la description de la réalité physique.

On rencontre également les polyèdres dans le règne animal : les squelettes des radiolaires ont des formes polyédriques typiques, tout comme les cellules constituant les rayons de miel. Les formes polyédriques sont aussi présentes dans le règne végétal, par exemple dans les pépins de la grenade, un fait que Pline avait déjà relevé, on les trouve aussi dans les bourgeons de fleurs comme par exemple chez *pyracantha*, le buisson ardent.

De telles formes traduisent l'équilibre des forces internes en présence, les centres des polyèdres étant situés au voisinage des points d'équilibre de ces forces. Ces équilibres assurent la remarquable stabilité des polyèdres.

Leurs formes exemplaires, par leur simplicité et leur signification, ont toujours inspiré mathématiciens et artistes. Elles généralisent en quelque sorte celles des polygones réguliers du plan.

Le thème des polyèdres est ici représenté par des oeuvres de Francesco De Comite, George Hart, de Patrice Jeener, de Milen Poenaru et de Philippe Rips.

Courbes et surfaces

Les courbes ou bien des surfaces, de nombreuses formes d'objets, peuvent se représenter à l'aide d'équations de différents types.

2.1 Les solutions des équations dites polynomiales, de la forme $p(x) = 0$ (trouver x), où $p(x)$ est un polynôme de n degré fini (comme $x^2 - 2$ ou plus généralement $x^n + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_1 x + a_0$), sont appelées des *courbes ou des surfaces algébriques*.

Certaines sont visualisées par Jean-François Colonna ou par Sylvie Pic.

Développant un algorithme de résolution, Bahman Kalantari a été amené à colorier certains domaines d'approximation des solutions; il en résulte des créations artistiques inattendues qu'on peut voir en relief à travers des lunettes polarisantes.

Un logiciel puissant et différent, le logiciel «Surfer», mis au point par l'école allemande, permet de visualiser ces surfaces algébriques. Hiltrud Heinrich montre les images de quelques objets engendrés par diverses combinaisons de polynômes et obtenues à l'aide de ce logiciel.

2.2 Même si la quantité d'objets algébriques est infinie, ils représentent en fait une part infime des objets mathématiques que l'on peut concevoir. Une autre classe de surfaces algébriques ou non possède un grand intérêt du point de vue physique : ce sont les *surfaces minimales*, comme celles par exemple associées aux bulles de savon et aux mousses: des œuvres de Jean Constant, Patrice Jeener et John Sullivan illustrent ce thème.

2.3 Une autre classe de courbes évidemment fort appréciées sont les *trajectoires* retraçant l'évolution d'événements pouvant être très divers. On rencontrera des visualisations d'ensembles de trajectoires dans des oeuvres de Luc Bénard, Jean-François Colonna et Jos Leys.

2.4 Certaines de ces trajectoires, de ces courbes reviennent sur elles-mêmes, en leur point de départ. On les appelle des *noeuds*. Ils occupent une place importante en électro-magnétisme et en physique quantique.

On les rencontre ici dans des oeuvres de Jean-François Colonna, Tamàs Farkas, Slavik Jablan, Dmitri Kozlov, Jos Leys, Philippe Rips et John Sullivan.

2.5 Les trajectoires sont souvent définies par des systèmes d'équations appelées *équations différentielles* ou *aux dérivées partielles*. Dans ces équations, qui originellement proviennent de la formalisation de phénomènes physiques, sont établies des relations entre des données physiques de ces phénomènes : parmi elles figure au moins toujours la variation instantanée du phénomène en fonction d'un paramètre qui entre dans sa description.

L'étude des mouvements des fluides, les façons dont se propagent les vagues, les ondes diverses, ont fait l'objet de nombreux travaux de la part des physiciens et des mathématiciens. Il arrive que certaines vagues se croisent sans se détruire, on les

appelle des ondes solitaires ou solitons. Leur représentation mathématique, sous la forme d'équations aux dérivées partielles, conduit à des surfaces peu communes, illustrées notamment dans plusieurs tableaux de Jean Constant, Luc Bénard et de John Sullivan.

2.6 La fin de l'introduction à cette annexe porte sur la notion de projection. L'une d'elle, en géométrie, s'est révélée fort utile. Elle est celle de la projection de la sphère sur un plan alors que la source de lumière est située en l'un de ses pôles, par exemple le pôle nord.

Elle a été introduite au premier-second siècle de notre ère par le géographe, astronome et mathématicien Ptolémée pour établir des cartes de géographie, où les angles entre directions sur la terre sont parfaitement reproduits. Elle a été bien traduite sur le plan mathématique par un contemporain de Mozart, Léonhard Euler, un «Empereur des Mathématiques» qui eut dans sa cour un «Prince des Mathématiques», Carl Friedrich Gauss.

Cette projection, qualifiée de *stéréographique*, est illustrée par des oeuvres de Thomas Banchoff et de Jos Leys. Celles de Banchoff montrent le résultat de la projection de la sphère ordinaire (la surface de la terre) sur un plan (espace à 2 dimensions), et, comme celles de Jos Leys, quelques résultats de la projection dans l'espace ordinaire à 3 dimensions, de la sphère de l'espace à 4 dimensions.

Par rotation autour de l'un de leurs axes de symétrie, les *coniques* (cercle, ellipse, hyperbole) engendrent des *quadriques* (sphère, ellipsoïde, hyperboloïde). La projection stéréographique sur un plan d'un hyperboloïde est appelée un *plan hyperbolique* (cf le paragraphe 3).

2.7 Vers la fin du XVIII^e siècle, le mathématicien Gaspard Monge a développé une nouvelle technique de représentation des formes dans l'espace usuel. Elle fait appel à deux projections de la forme, l'une dans un plan horizontal, l'autre dans le plan vertical. Par ce moyen, et utilisant les propriétés de la perspective linéaire, on peut représenter de manière très précise les intersections de formes, par exemple celle d'un cylindre et d'un tore ou d'une sphère. Cette représentation porte le nom d'«épure», et la théorie est celle de la «géométrie descriptive». L'arrivée des ordinateurs a rendu caduque l'emploi de cette technique. Enseignée autrefois, elle a permettait la réalisation de dessins très fins, tels que ceux réalisés par Boris Asanchev.

Les pavages

Un thème étudié en géométrie, et qui trouve seulement en partie l'origine de son développement physique dans les travaux des cristallographes, est celui de la manière dont on peut remplir un espace par des domaines aux formes précises appelés carrelages, pavés (ou souvent tuiles par les anglo-saxons). Ce peut être des polygones dans le plan, des polyèdres dans des espaces de dimensions plus élevées,

des objets en général présentant des symétries, déformations en quelque sorte des polyèdres.

Ce thème est ici illustré par des œuvres de David Austin & Bill Casselman, Patrice Jeener, Tamàs Farkas, Michael Field, Jos Leys, Milen Poenaru, John Sullivan et Richard Wright.

Le support géométrique de la théorie de la relativité est la géométrie dite hyperbolique, celle qui est présente sur cette sorte de vase parfait qu'est la surface d'un hyperboloïde de révolution à deux nappes. La projection stéréographique de cet objet conduit à une représentation plane appelée le plan hyperbolique de Poincaré-Beltrami. On peut réaliser différents pavages de ce plan: Jean Constant, Jos Leys, Irène Rousseau, Radmilla Sazdanovic nous montrent de tels pavages tapissés de diverses mosaïques.

À mi-chemin de la topologie, perspective et géométrie projective

En développant la théorie mathématique de la perspective, les artistes de la Renaissance ont assis leur art sur une théorie scientifique. Ils ont pris conscience, comme apparemment des artistes grecs l'avaient fait avant eux, que deux points, situés sur la même trajectoire lumineuse passant par l'oeil, ont la même image sur la rétine.

Autrement dit, on retrouve ici la notion de projection, tous les points de la même droite lumineuse sont projetés en un seul point. Appelons ce point, point de projection.

Un espace projectif, que je préférerais appeler un espace projeté, est un ensemble constitué de points de projection. Tout comme la partie de la rétine qui en donne l'image, la surface du mur que j'ai devant moi peut être considéré comme un morceau d'un espace projectif, puisque toute droite lumineuse passant par mon oeil le frappe en un seul point, projection de tous les points de cette droite.

Le géomètre pourra introduire sur cet espace des considérations de distance, le topologue ne s'en préoccupera pas.

La théorie classique de la perspective n'est bien adaptée pour les peintres qu'à la représentation sur des surface planes du spectacle qui se présente à eux. La technique a été quelque peu étendue par le peintre Dick Termès : il peint, non pas sur des toiles planes mais sphériques, son environnement visuel complet, aussi bien ce qui lui fait face, que ce qui est derrière, dessus, dessous, sur les côtés. On montre dans ce catalogue la photographie de l'une des sphères de Dick Termès, celle qu'il avait pu nous prêter pour nos premières expositions, comme la toute première en 2005 à l'Institut Henri Poincaré.

Le point de vue topologique

Le topologue s'intéresse à la constitution des objets sans référence à leur taille. Peu importe pour lui que la sphère soit grande, petite ou déformée sans déchirure. C'est dans cet esprit qu'ont été conçues différentes courbes et surfaces.

C'est le cas de la plupart des noeuds déjà évoqués au paragraphe 2.4, et du ruban de Möbius dont Philippe Charbonneau a donné une matérialisation inscrite dans une résine.

La surface de Boy, représentée par exemple par une des gravures de Patrice Jeener, a été conçue au début du 20-ième siècle comme objet topologique représentant le plan projectif dont, par exemple, est un morceau de la surface du mur évoqué au paragraphe précédent. La «sculpture» en fils métalliques de François Apéry montre une matérialisation de cette surface. Un travail de Philippe Rips, basé sur quelques-unes de mes considérations, en donne une illustration beaucoup plus partielle, quasi symbolique.

La surface de Boy apparaît comme un intermédiaire essentiel dans la première solution donnée d'un problème purement topologique : retourner une sphère, analogue à un ballon de baudruche, sans la pincer ni la déchirer de sorte que la face intérieure devienne la face extérieure, et vice-versa.

On permet toutefois à la membrane de se traverser elle-même, on est alors proche de transformations qui adviennent en embryologie. Ce mode de retournement est illustré par des œuvres de François Apéry, Richard Denner, Patrice Jeener et d'Anatoly Fomenko qui représentent un objet intermédiaire au cours de ce retournement appelé la surface de Morin. L'optimisation des transformations réalisées au cours du retournement a conduit à la réalisation d'un film remarquable d'où sont extraites les deux dernières images de John Sullivan.

L'univers fractal

A l'aide par exemple de procédures récurrentes, on parvient à fabriquer des objets présentant des propriétés d'auto-similarité : à des échelles très différentes d'observation de ces objets, on observe la présence des mêmes formes, un phénomène très présent dans la nature. L'une des raisons essentielles en arrière-plan de la présence de situations fractales est ainsi la stabilité. Le royaume du fractal est illustré ici par des œuvres de Jérémie Brunet, Denise Demaret-Pranville, Luc Bénard, Geraud Bousquet, Jean-François Colonna, Anatoly Fomenko, François Tard. Les divers types de pavage hyperbolique déjà rencontrés sont de même nature, le passage à l'étape n de la taille d'une forme à la suivante étant caractérisée par un facteur réductif r_n inférieur à 1. Dans le cas des pavages standard du plan ordinaire, une forme élémentaire d'auto-similarité est présente puisque le même motif est répété, mais il s'accomplit ici sans réduction de taille.

Pour quelques compléments consulter :

<http://www.math-art.eu/Documents/pdfs/ConferenceSaverne.pdf>

<http://www.math-art.eu/Exhibitions/expoIHP2010/pdfs/Catalogueexpo.pdf>

SUR LES LIENS ENTRE MATHÉMATIQUES & ARTS

INTRODUCTION¹

Architecture ou Musique ? Peinture ou Sculpture ? Lequel de ces arts aurait, le premier, contribué à féconder les Mathématiques, ou bien, à rebours, aurait puisé dans cet art intellectuel et bien avant ses rivaux, techniques et inspiration ?

Sans aucun doute, d'agréables conversations, érudites et fort animées, contribueront à forger des réponses à ces questions. Le fait est que, dans le cours de l'histoire, le développement des arts classiques a été concomitant avec celui des mathématiques. Ainsi, l'époque de la Renaissance a été particulièrement féconde avec la redécouverte des polyèdres et la création de la théorie de la perspective linéaire. Les tableaux et gravures de ce temps sont nombreux qui illustrent ces avancées de la science, et témoignent de la symbiose entre peinture et mathématiques : souvenons-nous par exemple de la fameuse gravure au burin de Dürer intitulée « Mélancolie » (1513-1514), si riche par son contenu et par ses allusions, souvenons-nous aussi du magnifique tableau de Jacopo de Barbari (musée de Naples) : le personnage central en est Luca Pacioli, le mathématicien du XV^{ième} siècle auteur d'un ouvrage célèbre illustré par Léonard de Vinci, « Divine proportion ».

Le XIX^{ième} siècle développe la Géométrie différentielle, introduit la Topologie et l'Algèbre dans son sens moderne : de nouveaux objets mathématiques sont créés. Surface de Scherk, Bouteille de Klein, Cubique de Cayley, Plan hyperbolique, sont quelques noms d'objets familiers pour les mathématiciens, et que l'on découvre alors. Il faudra attendre un bon siècle pour que les artistes s'emparent de quelques-uns de ces objets ou de ceux de leurs familles. Salvador Dali, avec sa toile représentant l'hypercube, Mauritz⁴ Escher utilisant la richesse des pavages du plan hyperbolique font figure de pionniers géniaux.

De très nombreux nouveaux objets mathématiques font leur apparition au cours de la seconde moitié du XX^{ième} siècle : les familles des noeuds et des surfaces minimales par exemple s'accroissent considérablement. Le lecteur pourra consulter le site www.isama.org où il découvrira, peut-être avec surprise, le très grand nombre d'artistes, peintres, sculpteurs ou architectes, qui ont trouvé la matière de leurs oeuvres dans cet univers mathématique récent.

¹ Ce texte est une version un peu remaniée de l'introduction qui figure dans le catalogue de la première exposition « Mathématiques et Arts ».

Par la beauté de leurs réalisations, par leur renommée, ces artistes contribuent ainsi à faire connaître à tout un chacun des formes originales et inattendues, la pureté de leurs lignes, la perfection de leur équilibre, l'étonnante diversité de ces objets mathématiques, incarnés dans la pierre éclatante, dans le métal étincelant, ou révélés par le dessin, par le jeu des couleurs, gaies, vives et chatoyantes. L'art mathématique contribue ainsi à renouveler l'art plastique. Et nul doute qu'au fil du temps plus nombreux seront les artistes à trouver une part de leur inspiration auprès des oeuvres mathématiques. Cette exposition, parmi les premières dans son genre, en annonce sans doute d'autres dans le futur et dans la même veine.

Mais également, en dévoilant son étendue, en révélant le caractère très concret et fascinant de son contenu, une telle exposition contribue à réconcilier le public avec le monde mathématique, dont l'image reste encore souvent faussée par le jugement mal fondé. L'exposition présente aussi un intérêt de curiosité qui pourrait inciter de jeunes ou de moins jeunes mathématiciens à approfondir la connaissance de leur univers de travail et de passions, à engager de nouvelles recherches.

5

L'un des traits évidemment marquant d'un grand nombre d'oeuvres qui sont présentées est l'absence de référence immédiate aux objets familiers. Que ce soient les oeuvres des mathématiciens artistes en particulier n'est guère étonnant. D'aucuns seront acquis au caractère acéré de leur beauté. D'autres préféreront peut-être des oeuvres plus chargées d'affects, où le monde sensible est présent, en même temps que s'y déploient les créations de l'imagination proprement humaine.

Si les exposants sont parfois également d'authentiques mathématiciens, comme François Apéry, Thomas Banchoff, Bahman Kalantari, John Sullivan, ou bien de grands connaisseurs de l'univers informatique comme Jean-François Colonna, il en est d'autres non moins fascinés par le monde des objets mathématiques, qu'ils nous révèlent en tant qu'artistes : ils ont pour noms Philippe Charbonneau, Jean Constant, Patrice Jeener, Jos Leys, Philippe Rips, John Robinson, Sylvie Pic. Les musées du futur abriteront leurs oeuvres premières, dont certaines resteront comme des références, au même titre que certaines des grandes créations du passé.

Les soubassements mathématiques des oeuvres sont parfois très distincts. Elles ont trait pour la plupart d'entre elles à la géométrie moderne, ici penchée sur la théorie des courbes et des surfaces, et sur celle de leurs extensions dans les espaces à plusieurs dimensions, sur leurs propriétés topologiques. On rencontre l'image d'une très belle sculpture de John Robinson, épurée, celle d'un objet que les mathématiciens appellent un noeud, en l'occurrence le noeud de trèfle. Curieusement, ce même nœud apparaît à plusieurs reprises, de manière cachée ou bien très visible comme parfois chez Philippe Rips et Jos Leys. On doit à ce dernier une des plus récentes des images de couverture des Notices de l'American Mathematical Society, celle de Janvier 2007. Cette image, issue d'une collaboration avec le mathématicien lyonnais Etienne Ghys, se rapporte à la représentation des mouvements, des trajectoires que suivent les objets dans leur évolution au cours du temps ; elle montre certaines d'entre elles qui s'enroulent autour de ce fameux nœud de trèfle. D'autres œuvres de Jos Leys, comme celles de la série des Indra's Pearls, également

préparées avec et pour les mathématiciens américains David Mumford et David Wright, nous montrent d'éclatantes illustrations se rapportant aux nombreuses manières de remplir un disque avec des cercles.

Ce disque est à nouveau présent dans les oeuvres de Jean Constant où l'on voit ce que deviennent, par le regard lumineux et l'imagination d'un artiste authentique et fécond, les pavages du plan hyperbolique, étudiés à la fin du dix-neuvième siècle par le mathématicien allemand Félix Klein. Admirons aussi le parti surprenant et riche que Jean Constant tire de l'un des polyèdres platoniciens parmi les plus importants, l'icosaèdre.

Ce même icosaèdre a servi de trame à Philippe Rips pour concevoir ces noeuds parfaits à cinq feuilles, qui font penser à des hélices ; toutes ses œuvres en métal relèvent également de la géométrie flexible, antisismique : on les plie, on les tord, on les écrase, elles reprennent leur forme initiale dès qu'on supprime les contraintes de déformations.

Les mathématiciens, parfois un peu magiciens, savent retourner une sphère élastique sans la plier ni la déchirer : François Apéry et John Sullivan montrent par une sculpture métallique étincelante, d'une conception tout à fait originale, ou par une image étoffée à la manière des tapisseries, des moments privilégiés de ce retournement. La notion d'extrémalité, qui n'est pas sans lien profond avec celles de stabilité, d'optimalité et de symétrie, est très présente dans leurs réalisations, comme dans ces images de bulles de savon de Sullivan, étonnantes par le rendu de la transparence et de la lumière, tout comme dans les gravures de Patrice Jeener, d'une clarté provençale, où la contemplation statique (vue d'Arpanon, hypercube, surface de Boy) s'oppose au regard dynamique (oliviers et surfaces minimales), par nature beaucoup plus vif et vivant. La géométrie dite algébrique, car elle fonde ses démonstrations sur les propriétés structurales des objets mathématiques, n'est pratiquement ici représentée que par une seule oeuvre, très élégante et lumineuse, celle de Philippe Charbonneau, basée sur une représentation du ruban de Möbius. De leur côté, Thomas Banchoff et Davide Cervone ont consacré ces quinze dernières années l'essentiel de leurs activités, dans les domaines de la topologie et de la géométrie, à la visualisation d'objets et de phénomènes présents dans des espaces de dimension parfois plus élevée que celle de l'espace usuel, et aux formes souvent inhabituelles. Ces visualisations, par leur beauté intrinsèque, ne peuvent que stimuler la créativité artistique, elles aident aussi les mathématiciens eux-mêmes à se familiariser avec le contenu de ces espaces.

Jean-François Colonna a également réalisé d'abondantes visualisations pour les physiciens et les mathématiciens ; son catalogue en contient plus de deux mille ; savamment retravaillées, retouchées, elles sont devenues de véritables oeuvres d'art, dont certaines sont déjà célèbres ; captivantes, elles ne cessent de faire chez nous l'objet de très nombreuses expositions.

Enfin, pour la résolution d'un problème classique, trouver les valeurs de l'inconnue qui annulent un polynôme, Bahman Kalantari a étendu une méthode déjà employée par Newton dans un cas simple. L'algorithme s'accompagne de la création de domaines que l'on peut colorier. Les résultats visuels sont parfois fascinants. Le procédé est également ludique et instructif.

Dans tous ces exemples que nous venons de rencontrer, les mathématiques sont au service de l'art, qui, reconnaissant, vient épauler les mathématiques.

Au sortir de cette exposition, le visiteur ne manquera pas de s'interroger encore sur les raisons de l'activité artistique de l'homme dont on apprécie à nouveau la diversité des manifestations. Il n'est pour moi pas de doute que l'une des motivations parmi les plus profondes qui la sous-tend est, liée à la nécessité, la volonté de saisir l'espace, de le maîtriser, ce qui implique sa compréhension, fille aînée de sa représentation.

C.P. Bruter

Allocution prononcée le 20 Février 2009 lors du vernissage de la seconde exposition tenue à la Galerie Christiane Peugeot.

Madame Christiane Peugeot, Mesdames, Mesdemoiselles, Messieurs, Mes chers Amis,

Permettez-moi, avant tout, de remercier Christiane Peugeot et toutes les personnes qui l'entourent, de nous accueillir dans ce lieu, marqué par la générosité et l'ouverture d'esprit. Tous les artistes qui ont exposé ou exposent ce soir vous font part de leur reconnaissance.

Merci aussi à tous d'être venus si nombreux, et parfois de loin. Je suis heureux de vous retrouver ce soir auprès de ces très belles œuvres dont on appréciera toutes les richesses, qu'elles soient mathématiques, de composition, ou picturales.

Leurs créateurs les plus éloignés, qu'ils vivent à Anvers, La Motte Chalancon ou Montréal n'ont pas pu venir, parfois par un empêchement imprévu. Seuls par conséquent Philippe Rips qui a réalisé les beaux objets placés dans la vitrine, Jean-François Colonna qui habite tout près de l'Ecole Polytechnique, et François Tard, le plus parisien peut-être des trois, sont présents ; ils répondront avec brio à toutes vos interrogations concernant leurs œuvres et la manière dont ils travaillent. Cerise sur la gâteau, Jean-François nous a apporté une œuvre supplémentaire, une surprenante image en relief.

De par l'absence des autres artistes, je me dois de dire un mot bref sur leurs travaux. Le cas de Patrice Jeener est particulier: c'est un graveur, un des derniers qu'ait produit l'école française, et le seul graveur au sein de la communauté internationale des artistes scientifiques. Fasciné par la pureté des lignes, il s'est efforcé d'abord de reproduire les objets mathématiques dans leur nudité. Ses domaines de prédilection sont naturellement géométriques au sens large: les polyèdres, incarnés dans la nature sous la forme des cristaux, les surfaces topologiques comme celles de Boy et de Morin qui apparaissent dans les solutions du problème posé par le retournement de la sphère, les surfaces minimales, Patrice en a découvert quelques-unes. Six de ses œuvres exposées montrent un florilège de ces surfaces minimales: on les rencontre dans la nature prêtant leur forme aux coquillages ou, m'a-t-il semblé, aux vieux bois.

Les autres artistes travaillent un peu différemment puisqu'ils manient la couleur. L'anversois Jos Leys utilise les palettes données par les logiciels comme par exemple le logiciel Power Ray. Utilisant leurs algorithmes, il travaille avec les mathématiciens, pour lesquels il fournit de magnifiques illustrations. Celles qui sont

exposées se rattachent à une autre problématique générale que celle de la recherche d'objets : comment la nature remplit-elle l'espace ?

Cet espace peut être celui sur lequel nous déplaçons : un sol plan, un sol ayant la forme d'un grand vase, on dira que ce sol est hyperbolique, ou bien un sol ayant la forme d'une sphère, mais placée dans un espace à 4 dimensions. Si la sphère était placée dans notre espace usuel, on pourrait la remplir de cercles, les deux pôles de la sphère étant des cercles singuliers de rayon nul. Une sphère de l'espace à 4 dimensions peut être feuilletée par des courbes fermées un peu plus compliquées que le cercle et qu'on appelle des nœuds de trèfle, on en voit un dans la vitrine, matérialisé par Philippe Rips. Deux tableaux de Jos, Seifert et Matrix 3, sont relatifs à ce feuilletage. Papillons 1 et 2 sont des œuvres à la Escher, relatifs au pavage de représentations d'un sol hyperbolique. Penrose 1, fait en dentelle d'Anvers, se rapporte au pavage d'un sol habituel plan. Les autres tableaux sont issus de versions particulières de la problématique générale, elles ont été introduites par Félix Klein à la fin du 19^{ème} siècle : comment remplir complètement un domaine fermé avec des billes, ou s'il est plan avec des cercles, qui savamment coloriés, donnent l'impression de billes, de perles. Dans cette série, le tableau Indra Family a servi d'affiche au congrès international des mathématiciens tenu à Madrid en 2006.

Jean Constant et Luc Bénard travaillent également avec des logiciels produisant des formes mathématiques, comme par exemple ceux écrits par l'éminent mathématicien Richard Palais. Mais il les retravaillent savamment sur le plan de la forme, sur le plan de la couleur, et ils créent des compositions très originales, des spectacles toujours nouveaux, inattendus, faisant appel à toute la richesse des objets présents dans l'univers mathématique. On admirera leur inventivité, leurs jeux de lumière.

Le fait est que nous sommes ici en présence d'une petite pléiade de créateurs, reconnus, très recherchés par la communauté scientifique locale et internationale

Ainsi grâce au talent inventif de ces artistes, nous pénétrons un peu dans le monde fabuleux des mathématiques. Permettez-moi avant de nous quitter de dire un mot sur ces expositions en général et sur les mathématiques.

Ces expositions représentent la part la plus facile à réaliser d'un projet soutenu par un panel international de mathématiciens, et qui vise à créer, sur un domaine assez étendu, un musée des mathématiques. Un musée éclaté en ce sens que chaque salle est maintenant devenue un petit bâtiment à l'échelle humaine, ce qu'on appelle une folie, dont l'architecture et le contenu décoratif sont entièrement définis par les mathématiques. Un des objectifs de ce projet est de contribuer à abaisser sinon à effacer les barrières psychologiques qui séparent le grand public des mathématiques, en faisant appel à toutes les ressources des arts. Soyez d'ailleurs convaincus que la majorité des mathématiciens considère que leur discipline est également une forme d'art.

Mais elle aussi une forme de physique abstraite. Il existe une sorte de flèche qui transpose le monde physique dans le monde mathématique, qui en assure la présentation et la représentation. C'est bien sûr l'homme, le mathématicien, qui est le support matériel et actif de cette flèche.

Mais il existe une autre flèche, dans le sens inverse, qui donne une présentation de l'univers mathématique dans l'univers matériel, qui permet d'incarner le monde mathématique au sein du monde matériel. Là encore, ce sont des hommes, passionnés et doués, pénétrants, qui sont les acteurs de ce reflux enrichissant.

La mathématique apparaît donc comme une sorte de miroir : l'homme est à la fois le support du rayon incident qui envoie l'univers matériel sur le miroir, et le support du rayon réfléchi qui renvoie l'image sur l'univers matériel.

Rayons incidents et réfléchis n'ont pas tout à fait les mêmes propriétés, car, si les rayons incidents modèlent le monde mathématique, les rayons réfléchis ont le pouvoir à leur tour de modeler l'univers matériel.

Il existe donc, via l'homme, une transformation du monde matériel dans le monde matériel, et la question se pose de savoir s'il existe des invariants locaux ou globaux pour cette transformation.

Mais revenons à notre exposition. Les tableaux que vous allez voir ou que vous avez vus vous laisseront sans doute quelques traces dans votre subconscient, dans votre regard et peut-être dans vos interrogations sur le monde. Le contact avec ces œuvres est ce soir bien rapide. Mais lorsque l'on devient familier avec chacune d'elles, alors à travers ces toiles rayonnent l'intense activité intellectuelle et chaleureuse de leurs auteurs, les formes subtiles des variations incessantes de leur sensibilité.

L'art moderne, car nous sommes ici en présence de l'art moderne dans sa vérité, est ainsi profondément chargé d'humanité. Merci.

Extrait de l'introduction à l'exposé fait au Lycée de Saverne le 9 Mars 2010

Une petite citation d'Aristote, empruntée à son traité de Métaphysique, servira d'exergue à cet exposé : «Les formes les plus hautes du beau, dit-il, sont l'ordre, la symétrie, le défini, et c'est là surtout ce que font apparaître les mathématiques».

L'incarnation des mathématiques dans l'art n'a cessé d'être présente depuis l'aube de l'humanité. Dans l'antiquité, on citera la construction des pyramides et des temples, la réalisation des frises et de multiples pavages, des mosaïques. Chacun a entendu parler du nombre d'or qui a fasciné tant d'artistes, le sculpteur grec Phidias sans doute, Michel-Ange et Léonard de Vinci certainement, récemment l'architecte Le Corbusier, pour ne citer que des noms célèbres. Les quinzième et seizième siècles ont connu un âge d'or, avec l'introduction par les artistes de la théorie mathématique de la descriptive, son usage en peinture, la redécouverte des polyèdres et leur inscription dans les œuvres de cette époque. Qui ne connaît pas les noms de Piero della Francesca ou de Dürer. Un nouvel âge d'or se développe au vingtième siècle et s'étoffe avec vigueur aujourd'hui. Cubistes, constructivistes font encore appel à des formes mathématiques simples, mais déjà les sculpteurs Pevsner et Gabo créent des surfaces réglées plus élaborées, Dali fait venir chez lui des mathématiciens, et Escher plonge ses œuvres parmi les plus célèbres dans la géométrie hyperbolique. En matière d'architecture, les mathématiques ont donné leurs formes au Palais du CNIT

à La Défense, aux réalisations admirables des opéras de Sydney en Australie et de Valencia en Espagne. On assiste aujourd'hui à une création foisonnante d'oeuvres inspirées par les mathématiques, dont l'univers est peuplé d'une infinité d'objets plus surprenants les uns que les autres. Ils sont si nombreux, si divers dans leurs propriétés que les mathématiciens sont loin de les connaître tous. Tout comme le grand public, ils ont plaisir à les découvrir dans leur éclat grâce au travail des artistes qui, par la justesse et la pureté de leurs dessins, leurs jeux des couleurs, nous font découvrir leurs beautés cachées.

Ces quelques mots d'introduction laissent entrevoir l'immensité du sujet à traiter, les rapports entre les mathématiques et l'art. Plutôt que de trop rester dans les généralités de la fresque, je me propose d'examiner plus en détail deux points : dans le premier, j'évoquerai brièvement, quelques dénominateurs communs aux arts et aux mathématiques, dans le second, je montrerai la profondeur et l'étendue des potentialités artistiques et mathématiques contenues dans deux gravures, exécutées il y a 18000 ans.

Allocution prononcée le 1er Février 2012 lors du Vernissage de l'exposition tenue à la Mairie du Ve arrondissement de Paris.

Monsieur le Maire, Mesdames, Mesdemoiselles, Messieurs,

Tous les présents ce soir, se joignent à moi pour vous remercier, sincèrement, de nous avoir offert, avec votre soutien complet, la possibilité de présenter cette exposition en ce lieu quelque peu symbolique car il porte le nom d'un juriste et résistant célèbre. L'exposition consacre des oeuvres d'art plastiques, inspirées par la beauté des objets mathématiques que ces oeuvres matérialisent et nous révèlent.

Accompagnée d'exposés originaux d'initiation aux mathématiques faits devant des élèves de classes primaires, de collèges ou de lycées, l'exposition s'inscrit dans le cadre des activités de la Société Européenne pour les Mathématiques et les Arts, l'ESMA, porteuse également d'un projet déjà ancien de Parc Mathématique que, semble-t-il, nos collègues russes s'apprêtent à réaliser. Il m'est impossible, en quelques minutes, de décrire la richesse informatique, artistique, mathématique et scientifique de chacun des tableaux parmi la centaine qui sont sous vos yeux, de chacune des sculptures parmi la trentaine qui sont exposées, en un mot de faire valoir la diversité, la signification, et le degré d'originalité des oeuvres présentes dans cette exposition, d'art moderne, s'il en est, tant par son contenu que par les techniques mises en oeuvre, d'art abstrait, selon l'apparence, car la mathématique est une manière de physique abstraite, et les objets de son univers ont des liens parfois peu immédiats mais profonds avec notre environnement physique. Chacun des critères, informatique, artistique, mathématique, permet bien sûr de fonder le jugement porté sur une oeuvre.

Je ne pourrai pas non plus évoquer quelques-uns des fondements des relations entre les mathématiques et les arts, et les activités humaines d'une façon plus générale.

Mais en cet instant, puisque nous nous trouvons dans la salle René Capitant, permettez-moi d'esquisser très rapidement un parallèle entre les activités de ce grand juriste et celles des mathématiciens.

Chacun connaît la rigueur morale et logique du raisonnement du juriste, elle a bien sûr son pendant dans l'argumentation du mathématicien qui doit prouver. Qui par ailleurs, pense et dit résistance, évoque une matière difficile, un chemin parsemé d'obstacles à franchir, parfois dangereux, une persévérance à tout épreuve. Les mathématiciens, certes, ne connaissent pas dans leur vie professionnelle en général les malheurs et les violences physiques qu'ont eu parfois à subir les résistants aux diverses oppressions. Mais ils rencontrent constamment l'obstacle intellectuel qu'est l'affirmation à justifier que nous appelons conjecture. La renommée le rapporte: des siècles de lutte ont parfois été nécessaires pour venir à bout de certaines de ces conjectures, comme celles de Fermat et de Poincaré. La persévérance gagne quand elle repose sur l'intuition profonde du vrai qui renvoie à la réalité, et du juste qui renvoie à la stabilité, le vrai et le juste qui, selon Platon, participent du socle de la Beauté bienfaisante, dont nous avons tant besoin dans les temps difficiles, et que nous rencontrons souvent, rayonnante, dans l'univers aérien de nos mathématiques. Je vous remercie.

Première Partie

Modèles et Petites Sculptures

Le catalogue distingue ces objets des tableaux faits mains et des oeuvres imprimées sur papier.

La fabrication de Modèles et Petites sculptures fait d'abord appel à un savoir et une habileté technique supplémentaire, impliquant notamment la connaissance des propriétés mécaniques, physiques des matériaux employés.

Cette réalisation matérielle d'objets, simplement figurés dans les oeuvres imprimées, leur confère par ailleurs un avantage pédagogique important. Alors qu'on ne voit en général qu'une seule face d'un objet mathématique dans sa représentation imprimée, sa représentation matérielle en 3D permet de l'examiner attentivement sous plusieurs angles - on appréciera la modestie du terme plusieurs -, et d'en avoir ainsi une imprégnation et une connaissance beaucoup plus intimes.

C'est le cas en particulier des modèles et sculptures réalisés en fils, quels que soient les matériaux qui constituent ces fils, et qui permettent de voir non seulement, par un effet optique de globalisation, l'objet par son enveloppe extérieure, mais également de découvrir sa structure intérieure, qui serait masquée par l'opacité de l'enveloppe extérieure.

Des illuminations de ces objets, leurs projections sur des écrans permettent en outre de faire voir quelques-uns de leurs divers contours apparents, d'abord sans doute quelques notions mathématiques liées à ce mode d'observation des objets, également de faire prendre conscience de la place et du rôle des ombres dans notre appréhension de la réalité physique et intellectuelle du monde.

Ces modèles et petites sculptures, notamment les déformables, présentent ensuite l'originalité de pouvoir être facilement manipulées, ce que tout le monde adore faire, et cela d'autant plus qu'on est plus jeune. Ces outils pédagogiques mériteraient donc d'être produits en quantité suffisante pour que tous puissent en découvrir les contenus et les charmes, ce qui pourrait nécessiter également une certaine adaptation des cursus pédagogiques.

APÉRY François

francois.apery@uha.fr

Mathématicien. Ancien élève de l'École Normale Supérieure de Cachan, Maître de Conférences à l'Université de Haute-Alsace, il a passé sa thèse sous la direction de Bernard Morin en topologie différentielle. Ses centres d'intérêt touchent à la géométrie et à la topologie en petites dimensions, ainsi qu'à l'élimination. Aime à réaliser des objets physiques, figures en trois dimensions d'objets mathématiques. Il s'occupe de la collection de modèles de l'Institut Henri Poincaré à Paris.



Modèle central fermé

Ce modèle est associé au retournement de la sphère. Comme le modèle ci-contre, il est engendré par une famille d'ellipses passant par un point fixe. La tangente de chaque ellipse à l'origine est fixée et, en outre, l'ellipse est astreinte à passer par deux points d'une certaine courbe de niveau matérialisée par une pièce métallique. Le montage du modèle nécessite une armature constituée d'un socle horizontal et d'une tige verticale pour maintenir la pièce métallique en place. C'est alors que les propriétés mécaniques du fil d'acier font que les tensions s'équilibrent, si bien que l'armature ne sert plus à rien, et la pièce métallique semble suspendue en lévitation. On retrouve les effets de contour apparent des surfaces réglées.(F.A.)



Surface de Boy fibrée en ellipses

Boy, en 1901, a conçu le principe de la représentation du plan projectif dans notre espace habituel. La première représentation algébrique, sous forme d'une équation polynomiale de degré 6, a été donnée en 1983 par l'auteur de ce modèle. Celui-ci se présente sous la forme d'un jeu d'ellipses passant par un point commun. La surface représentée de cette façon donne, comme les surfaces réglées, l'impression de n'exister que virtuellement par le biais de ses contours apparents.(F.A.)

François APÉRY

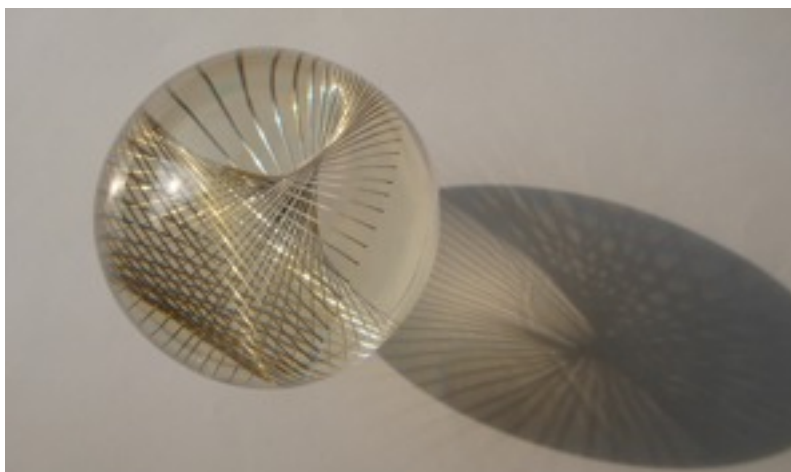
CHARBONNEAU Philippe

charbonneauphilippe@neuf.fr

Né en 1936 en Vendée. Après une carrière professionnelle de dessinateur-projeteur en architecture, j'ai entrepris des recherches plastiques dans le domaine de l'espace et de la géométrie un peu pour prolonger et enrichir mes activités architecturales antérieures, avec d'ailleurs une ambition inavouée pour des réalisations monumentales. Mes recherches sont principalement orientées vers les surfaces réglées du troisième degré.



Biconique 2



Dans l'Ambre de Möbius

Philippe CHARBONNEAU, 2003

DENNER Richard

richard.denner@evc.net

Enseignant retraité de mathématiques, a rencontré au cours de ses études Bernard Morin. Ils ont construit ensemble la première version polyédrique du retournement du cuboctaèdre dont les modèles furent exposés lors du colloque de Maubeuge en septembre 2000. Depuis, il a réalisé des versions électroniques de ses modèles grâce au logiciel Javaview.

Durant plusieurs années il a poursuivi avec ses élèves et les professeurs d'arts plastiques de son établissement un travail associant arts et mathématiques. Travail dont l'aboutissement fut la présentation des travaux des élèves lors de l'Exposcience Alsace 2001.

Depuis février 2012, il occupe la charge d'administrateur du site de l'ESMA.



Modèle central ouvert

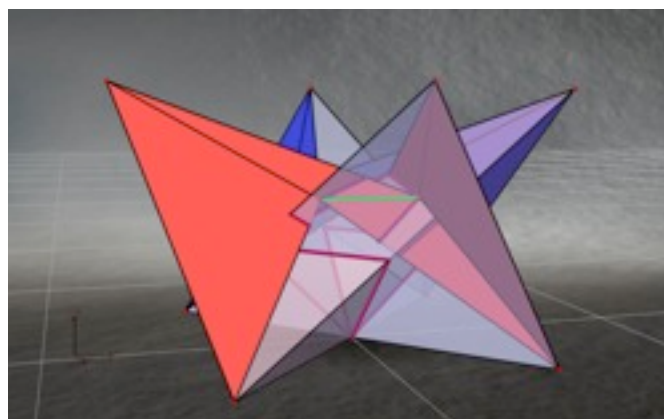
Richard DENNER, 1989

Le modèle central ouvert ci-dessus, réalisé en carton bicolore et rhodoïd, laisse apparaître alternativement la face externe rouge et la face interne bleue du cuboctaèdre que l'on cherche à retourner.

Il s'agit d'un modèle minimal ayant 12 sommets dont la structure principale est un assemblage de 4 pentagones concaves placés en position verticale sur lesquels viennent s'appuyer 4 faces dorsales et 4 faces ventrales.

Les faces se traversent elles-mêmes donnant naissance à une ligne d'auto-intersection et à un point quadruple situé à l'intersection des quatre faces dorsales.

La mise au point des découpes permettant l'assemblage de ce modèle constitua un préalable essentiel à la mise au point des modèles ultérieurs plus complexes. (R. D.)



Modèle central fermé

Richard DENNER, 2012

Plus refermé sur lui-même, le modèle central fermé concentre en un petit espace l'ensemble des points en lesquels vont se produire les modifications génériques au cours du retournement. C'est ce modèle qui fut utilisé comme étape central du premier retournement du cuboctaèdre imaginé par Bernard Morin.

Le modèle matériel a l'avantage sur le modèle électronique de pouvoir être manipulé, d'être ressenti par le toucher, de provoquer l'imagination. C'est un simple modèle en carton qui a permis le dialogue avec le chercheur aveugle et la transmission des idées essentielles du retournement qu'il avait imaginé. (R. D.)

HART George

george@georgehart.com

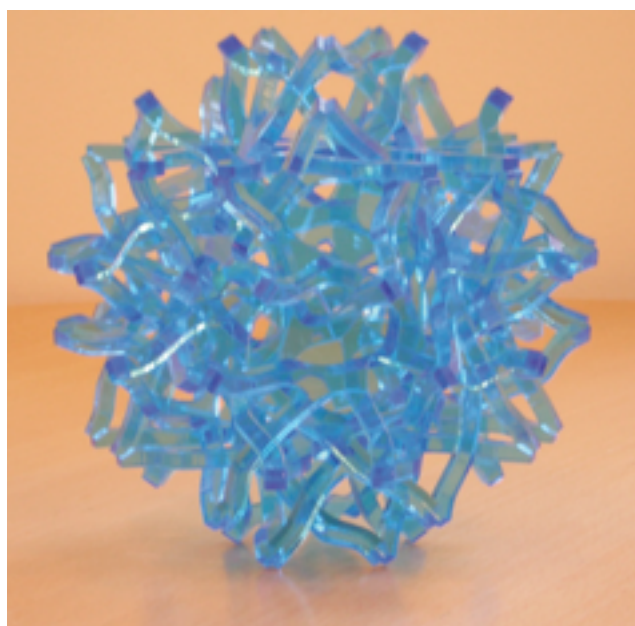
Sculpteur indépendant et mathématicien, il vit à New York. Il enseigne, conduit des ateliers, et montre ses oeuvres partout dans le monde. Il est également l'un des fondateurs du Museum of Mathematics de New York City. Ses travaux de recherche portent sur la géométrie, les polyèdres, et les applications des technologies informatiques pour la conception et la fabrication de sculptures.

<http://georgehart.com>



End Up

This End Up a été assemblé à partir de 20 composants identiques. Chacun a été découpé au laser, puis biseauté sur 12 faces. Ces pièces sont liées 4 par 4 et il y a 30 de ces groupements. Les 4 pièces d'un groupement se rencontrent en un point situé sur la périphérie de la sculpture selon des faces biseautées et collées entre elles. À l'intérieur, les pièces se croisent de manière complexe et sans contact. La sculpture évoque l'intérieur d'un icosidodécaèdre. Les 20 plans des composants sont les extensions des faces planes d'un icosaèdre, conçu comme composé uniforme de 5 octaèdres. Cette forme est ainsi associée à un sous-ensemble d'un icosaèdre étoilé.(G.H)



Deep Sea Tango

Deep Sea Tango a été assemblé à partir de 12 composants identiques, chacun ayant la forme d'une étoile de mer à 10 bras. On peut voir dans cet arrangement une des figures d'un ballet aquatique ; les bras dansent les uns à travers les autres mais ne se touchent qu'en leurs extrémités. Chaque pièce a été découpée au laser, puis biseautée en ses 10 extrémités pour pouvoir obtenir les angles diédraux qu'il convient. Deux bras se rencontrent en chacun des 60 points situés sur le bord de la sculpture où les faces biseautées sont accolées. Les 12 plans des composants sont les faces planes d'un dodécaèdre, étendues pour se rencontrer comme dans le grand dodécaèdre - un arrangement de 12 pentagones qui s'auto-intersectent, décrit en 1809 par le mathématicien Louis Poincaré. Ici, la forme en étoile de mer associée à chaque pentagone, est agencée pour ne rencontrer aucune de ses copies, excepté en leurs extrémités (G.H.)

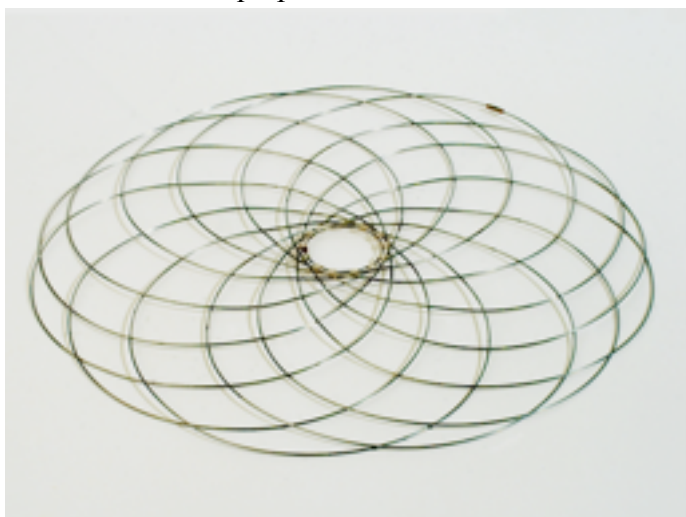
Dmitri KOZLOV

kozlov.dmitri@gmail.com

Dmitri Kozlov, né en 1962, est un scientifique, architecte et designer. A travaillé pour le Laboratoire d'Architecture Bionique de Moscou de 1986 à 1999. Il est maintenant en poste à l'Institut de Recherche de la Théorie et de l'Histoire de l'Architecture et de l'Aménagement des Villes, institut qui est une section de l'Académie Russe d'Architecture et de Construction des Bâtiments. Il est devenu en 2010 l'un des fondateurs de la European Society of Mathematics and the Arts (ESMA).

Domaines d'intérêt : applications à l'architecture et au design des principes mathématiques de création des formes, théorie des noeuds comprise.

Sous le nom de Nodus donné par l'auteur de ces objets, des tresses de noeuds cycliques sont matérialisées à l'aide de fils métalliques, dont les croisements alternent. Selon les qualités de résilience du métal, sa torsion éventuelle, on obtient des objets déformables pouvant prendre diverses formes qui peuvent être très stables.



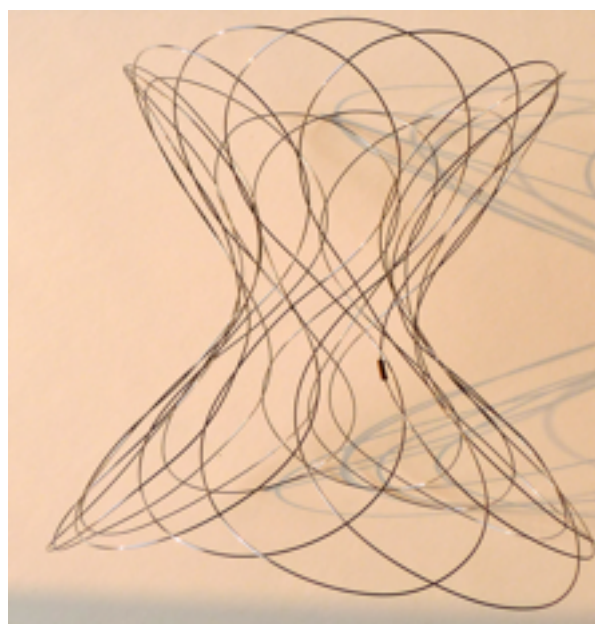
En partant du nodus ci-dessus, qui a la forme d'un anneau plan et 13 pétales, on obtient par déformation progressive la trame d'une calotte sphérique trouée au pôle «nord», jusqu'à parvenir à la trame d'une sphère trouée en ses deux pôles.



Le bord libre du nodus précédent est ici rigidifié par un second anneau. On est ici en présence d'un ellipsoïde ou de la sphère trouée en ses deux pôles.

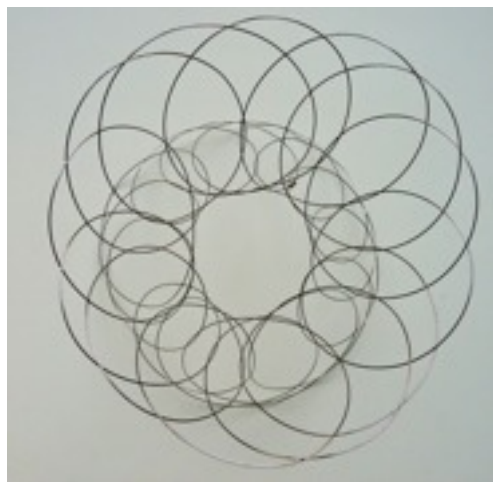
On peut aplatir ce nodus à 12 pétales par compression, mais cette position n'est pas du tout stable. En relâchant la pression, il reprend brusquement sa forme sphérique, et saute en l'air pour la plus grande joie des spectateurs.

Dmitri KOZLOV



L'enveloppe de la trame définie par ce nodus à 13 pétales est un hyperboloïde (l'objet ci-dessus). Comme le montrent les quatre images ci-dessous, cette trame est remarquablement déformable en celle d'un tore, d'une soucoupe parabolique trouée plus ou moins aplatie, ou même d'un ellipsoïde.

Ce même nodus permet donc d'illustrer les trois types de surfaces observables dans la réalité quotidienne, caractérisées par leur courbure gaussienne.

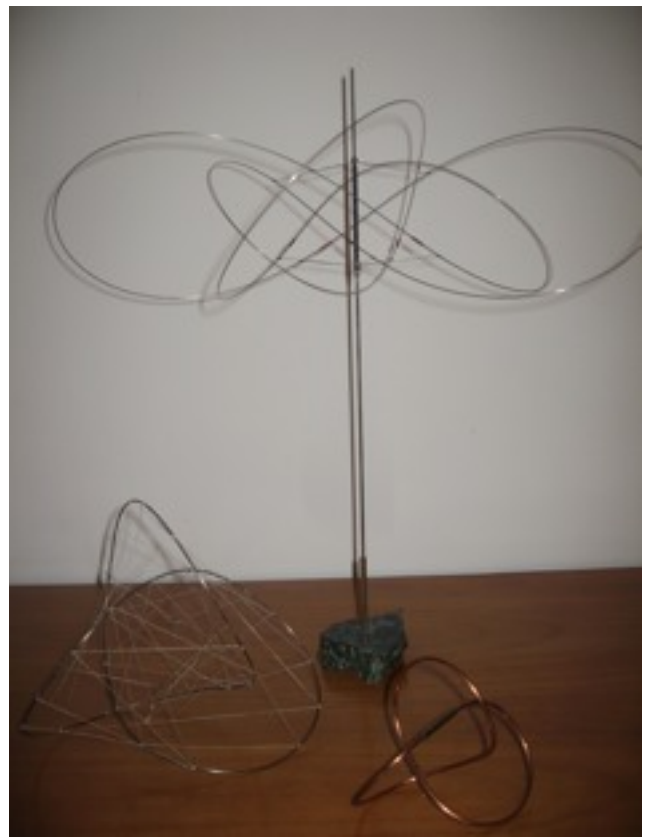


Dmitri KOZLOV

RIPS Philippe

rips.philippe@bbox.fr

Artiste plasticien, né à Paris en 1953. Ses recherches portent sur les structures auto-tendues à la Snelson pour l'auto-construction et la réalisation de mobiliers. Ses études visent à la création d'objets d'art cinétique en insufflant le facteur temps au sein d'objets géométriques à substrat polyédrique notamment.



Le monde intérieur du cuboctaèdre

Le cuboactaèdre est obtenu en tronquant le cube en ses huit sommets. Chaque troncature engendre une face à trois sommets de sorte que le cuboactèdre a 12 sommets. On voit ici certaines arêtes intérieures groupées en 4 triangles équilatéraux.

Réalisation matérielle de deux nœuds de trèfle

Le nœud de trèfle ou nœud à trois feuilles (en anglais trefoil) est le plus simple des noeuds non triviaux (un nœud trivial est un nœud qu'on peut déformer en un cercle plan). Il est le bord d'un ruban de Möbius. Herbert Seifert en 1934 a montré que la sphère dans l'espace à quatre dimensions peut être construite à l'aide d'un assemblage en nombre infini de tels nœuds. En tant que trajectoire revenant sur elle-même (trajectoire fermée), Joan Birman et Bob Williams ont découvert sa présence dans le système dynamique de Lorenz qui concerne un aspect de la météorologie.

Philippe RIPS, 2008



**Représentation symbolique de la surface
de Boy en trois dimensions**

Claude BRUTER-Philippe RIPPS, 2009

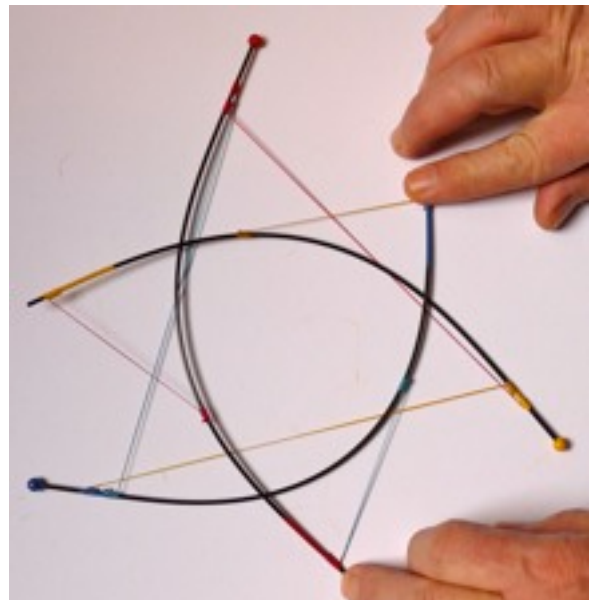


Le repos de Boy

La considération des seuls sommets et arêtes extérieures d'un tétraèdre en est une représentation partielle mais significative, qualifiée ici de symbolique. En gonflant régulièrement le tétraèdre, on obtient une sphère de l'espace ordinaire. Comme le topologue ne fait pas de distinction fondamentale entre ces deux objets, sommets et arêtes courbées d'un tétraèdre forment également une représentation symbolique de la sphère. La surface de Boy est une représentation dans l'espace ordinaire du plan projectif, équivalent à une forme de projection sur elle-même de la sphère habituelle : le résultat est une petite calotte sphérique sur le bord de laquelle est collé le bord du déformé d'un ruban de Möbius. Le bord d'un tel ruban est un noeud de trèfle, ce qui fait que le ruban de Möbius déformé possède trois lobes. L'objet symbolique correspondant est ici obtenu en faisant appel aux arêtes intérieures et extérieures d'un cuboctaèdre qui engendrent quatre noeuds de trèfle ; ce sont des courbes tracées sur une représentation adaptée de la surface de Boy. Cet objet symbolique déformable peut être aplati sur une surface plane : on obtient donc alors une représentation en dimension 2. Mais cette situation aplatie est instable, l'objet bondit et retrouve sa forme initiale dès que disparaît la compression.



Puce sauteuse A 240



**Puce sauteuse A 240 en compression,
prête à bondir**

Philippe RIPPS, 2012



Deux vues de dessus de Valentine I A 315 en réglage solide



Deux vues de dessus de Valentine II A 324 en réglage solide



**Volumes centraux
Philippe RIPS, 2013**

John SULLIVAN

Sullivan@Math.TU-Berlin.DE

John Sullivan a obtenu son Ph.D. à Princeton en 1990, après avoir fait ses premières études à Harvard et Cambridge. Après avoir enseigné pendant six années aux Universités du Minnesota et de l'Illinois, il entre en 2003 à la Technische Universität de Berlin. Depuis 2012, il dirige la Berlin Mathematical School. Ses recherches portent sur la théorie géométrique des noeuds, la géométrie différentielle discrète et les problèmes d'optimization géométrique. Ses oeuvres d'art mathématiques (impressions calculées par ordinateur, sculptures et vidéos) ont fait l'objet de nombreuses expositions, entre autres à Bologne, Boston, Londres, New York et Paris.



Minimal Flower 3
John SULLIVAN, 2008



Minimal Flower 4
John SULLIVAN, 2010

La sculpture “Minimal Flower 3” a été mathématiquement conçue en tant que surface minimale. Elle représente une bulle de savon s'appuyant un contour métallique dont la forme est un nœud un peu compliqué. La tension superficielle maintient le film de savon rigide afin de minimiser son aire. La forme qui en résulte possède des symétries par rotation d'ordre 2 et 3, elle ne possède pas de symétrie miroir. Elle consiste en un domaine central ayant la forme d'une selle de cheval sur laquelle sont attachés trois rubans torsadés. Il s'agit donc, du point de vue topologique, d'une surface de Dyck trouée non orientable. Cette pièce est une manière d'hommage au sculpteur Brent Collins : son œuvre « Atomic Flower II » m'a incité à essayer de saisir à partir d'une surface minimale la même topologie et les mêmes symétries. La sculpture est fabriquée directement par une imprimante 3D à partir du logiciel de calcul. Au lieu d'épaissir la surface minimale de manière uniforme, on fabrique un objet plus fin près des bords et plus épais en son milieu en doublant le film de savon, et insufflant (virtuellement) de l'air entre les deux films ; les surfaces se faisant face sont par conséquent de courbure moyenne opposée en signe mais d'égale valeur absolue. (J.S.)

La conception de Minimal Flower 4 est analogue à celle de Minimal Flower 3. On la voit ici teintée en rouge. Elle existe également teintée en blanc.

Seconde Partie
Oeuvres Imprimées (2D)

ARTMANN Benno

Benno Artmann, 1933-2010, travaille après la guerre et pendant quelques années comme maçon, puis reprend ses études, et obtient son Doctorat en mathématiques en 1965. Après avoir été professeur de mathématiques à l'Université Technique de Darmstadt jusqu'à sa retraite en 1998, il vint à Göttingen où il enseigna à mi-temps au Mathematisches Institut. Son hobby était la sculpture. Au début des années 80, les écrits de George Francis (qu'il avait connu à Ann Arbor) et celui de Thomas Banchoff paru dans The Mathematical Intelligencer l'incitèrent à réaliser des sculptures mathématiques.



Surface de Boy à 4 fenêtres

D'après une idée de George Francis, plâtre,
hauteur 40 cm

Benno ARTMANN, 1982



3-sphère décomposée en 2 tores

Plâtre, hauteur 35 cm
Avec illustration des fibres de Hopf

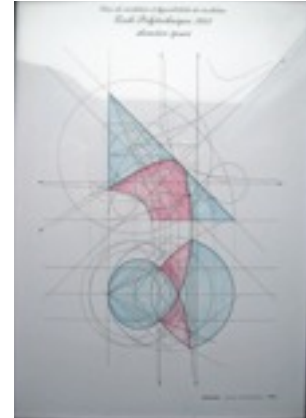
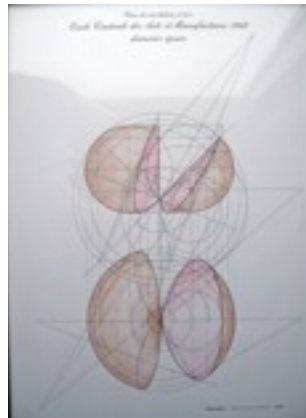
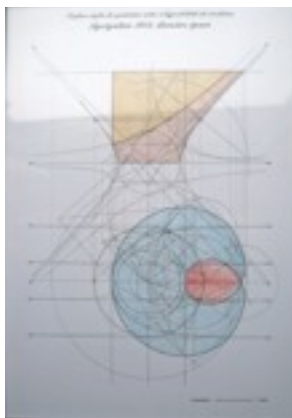
Benno ARTMANN, 1988

ASANCHEYEV Boris

4, rue des petits champs 75002 Paris

*Né en 1938 à Paris, il a été Maître de Conférences à l'Ecole Nationale Supérieure des Ponts et Chaussées, Professeur à l'Ecole Spéciale des Travaux Publics, et ingénieur-conseil, notamment pour le calcul des structures. Il s'est passionné pour les épures de géométrie descriptive, une discipline qui figurait autrefois aux concours des grandes écoles scientifiques. Son ouvrage **Epures de Géométrie descriptive** publié aux éditions Hermann en 2002 en montre 79 parmi celles qui ont servi d'épreuve au concours d'entrée à l'ENS. Leur dessin en a été réalisé par l'ordinateur.*

La géométrie dite « descriptive » a été introduite par Monge à la fin du dix-huitième siècle. Elle consiste à représenter un objet par ses projections sur un plan vertical (l'objet est vu de face) et sur un plan horizontal (une vue de dessus). Les objets traditionnels à représenter étaient pour la plupart des intersections de surfaces de rotation standard : plans, cônes, quadriques (ellipsoïdes dont la sphère, paraboloides et hyperboloïdes), tores.



Epures
Boris ASANCHEYEV

AUSTIN David CASSELMAN William WRIGHT David

Austind@gvsu.edu

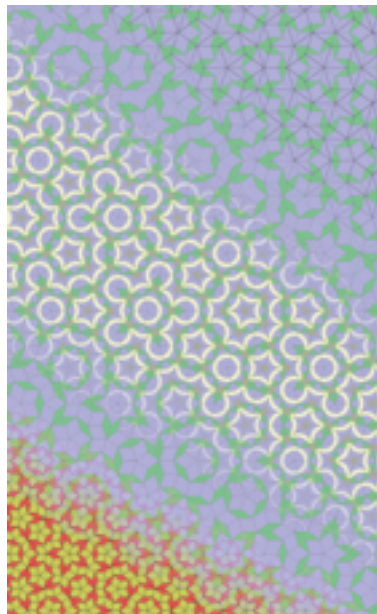
cass@math.ubc.ca

wrightd@math.okstate.edu

David Austin est professeur de mathématiques à la Grand Valley State University à Allendale, Michigan, et l'un des contributeurs réguliers de l'American Mathematical Society's online Feature Column.

*William Casselman est retraité du département de mathématiques de l'University of British Columbia en 2006. Graphics Editor des **Notices of the American Mathematical Society**, il est l'auteur de **Mathematical Illustrations** (Cambridge University Press, 2004), et l'un des quatre contributeurs au Feature Column de l'A.M.S.*

*David WRIGHT est professeur de mathématiques à l'Oklahoma State University. Avec David Mumford et Caroline Series, il est l'un des auteurs de **Indra's Pearls** (Cambridge University Press, 2002).*



Penrose II

David AUSTIN - William CASSELMAN - David WRIGHT, 2002

Vers 1977, Roger Penrose a découvert les pavages du plan qui portent aujourd'hui son nom. Ils possèdent des symétries locales d'ordre arbitraire, mais pas de symétries globales. Assemblés selon des règles locales, les pavés peuvent recouvrir entièrement le plan. On peut le prouver par l'emploi d'un processus d'inflation/déflation permettant de passer d'un niveau d'assemblage donné à un niveau supérieur, ou au contraire de partitionner les pavés pour obtenir un niveau d'assemblage inférieur. Le rapport de dimension entre deux niveaux adjacents a pour valeur le nombre d'or : 1,618 ... Le processus d'inflation peut être observé dans la partie moirée de l'image qui assure la transition entre la partie basse à gauche et la partie supérieure à droite de cette image.(ACW)

BANCHOFF Thomas

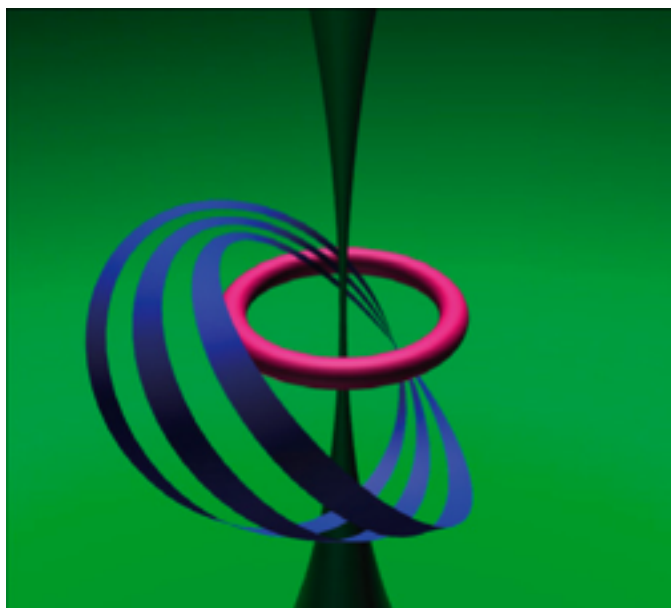
thomas_banchoff@brown.edu

Président de la Mathematical Association of American pour l'année 1999-2000. Il a travaillé avec des informaticiens depuis 1968, pour visualiser des objets et des phénomènes dans les espaces à trois et quatre dimensions. En 1978, son film «The Hypercube: Projections and Slicing», réalisé avec l'informaticien Charles Strauss, reçut le Prix de la Recherche Fondamentale au Festival International du Film Scientifique et Technique à Bruxelles. La même année, l'invitation à donner une conférence au Congrès International de Mathématiques d'Helsinki lui permit de projeter un des tout premiers films réalisés sur ordinateur montrant des animations géométriques, le premier en tout cas se rapportant à la géométrie de la dimension quatre.

<http://www.math.brown.edu/TFBCON2003/art/welcome.html>

<http://www.math.union.edu/~dpvc/professional/brief.html>

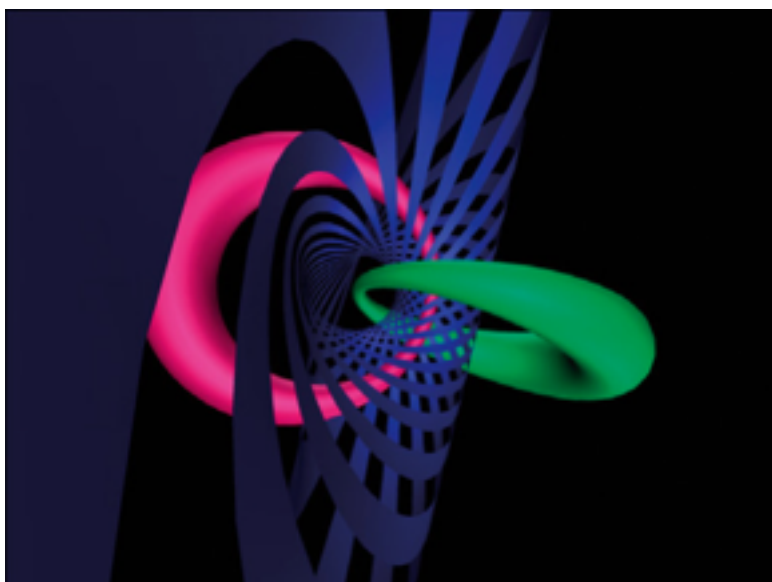
Mises sous la forme présente par Davide Cervone, les images qui suivent furent créées au début des années 1980 par Huseyin Kocak, Fred Bishopp, David Laidlaw, David Margolis et Thomas Banchoff.



Hopf Links

Tom BANCHOFF & Alii

Un tore plein peut être décomposé en lamelles fines formées de tores creux aux rayons de plus en plus petits, le stade final étant un cercle. La sphère de l'espace à quatre dimensions peut être conçue comme l'association de deux tores pleins soudés par le tore creux de liaison qu'est leur surface. On a représenté ici les projections stéréographiques dans l'espace à trois dimensions de deux tores creux, l'un vert appartenant à l'un des tores pleins, l'autre rouge appartenant à l'autre tore plein. Des tores creux intermédiaires sont représentés par des bandes bleues peintes sur ces tores.



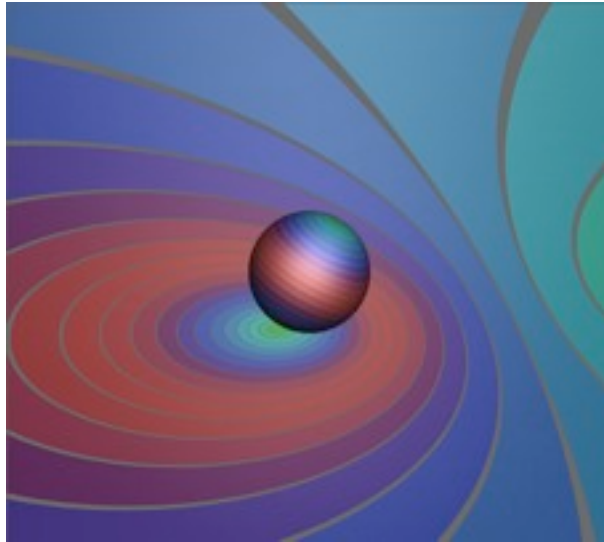
Pendulum Tori
Tom BANCHOFF & Alii

Le nom vient du fait que ces tores peuvent être employés à la représentation du système physique connu sous le nom de double pendule : il est constitué d'un second pendule placé et se balançant à l'extrémité d'un premier pendule. Pour un rapport donné entre les longueurs des deux pendules, les différentes positions du système correspondent aux points d'un tore fixe à l'intérieur de la famille représentée ici, liée à la constitution de la sphère dans l'espace à quatre dimensions.



In- and Outside the Torus
Tom BANCHOFF & Alii

On peut fabriquer la sphère dans l'espace à quatre dimensions à partir de deux tores pleins (deux pains ayant chacun la forme d'une couronne), en les accolant par leur surface, le tore (creux). Ce tore creux de liaison est situé dans l'espace à quatre dimensions, sa forme est peu visible. On se l'imagine mieux par ses projections stéréographiques dans l'espace usuel, le centre de projection étant situé sur ce tore. Des cercles (dits de Hopf) tracés sur ce même tore sont représentés ici par des bandes colorées.



Projection stéréographique de la sphère ordinaire
Tom BANCHOFF & Alii



Z-Squared Necklace
Tom BANCHOFF & Alii

Cette image montre cinq vues partielles d'une surface située dans l'espace à quatre dimensions. La surface est définie à partir de la simple équation $w = z^2$ où w et z sont des nombres de Chuquet-Cardan, également appelés nombres complexes. Les photographies de la surface ont été prises à partir de cinq points d'observation différents. On trouvera sur le site des auteurs des vues animées de la surface et une explication mathématique plus détaillée. (T.B.)

BÉNARD Luc

ludev@videotron.ca

Né en 1954 à Montréal, les circonstances l'ont forcé à quitter l'école à la fin du secondaire. Parce qu'il s'est toujours intéressé aux sciences et à l'art, Luc a continué à étudier par lui-même. Toute sa carrière professionnelle s'est déroulée dans le domaine de la production télévisée, surtout pour la réalisation des émissions d'actualités.

Avec la montée en puissance des ordinateurs, il a commencé à utiliser les fractales comme matériaux de base pour ses créations visuelles, utilisant surtout les logiciels de Stephen Ferguson et David B. Sprangler Smith.

Depuis quelques années, il fait appel aux logiciels Bryce et Carrara pour produire des images 3D. Fasciné par l'interaction des photons avec la matière à travers les multiples réflexions, réfractions, la création de caustiques, les logiciels 3D lui donne la possibilité d'explorer et de s'amuser pleinement avec ces différents paramètres.

Sa rencontre avec le mathématicien Richard Palais et son logiciel 3D-XplorMath fut déterminante, ils ont mené plusieurs projets conjoints. Ils ont, entre autres, remporté en 2006 et en 2009 la première place dans la section illustration du "National Science Foundation/Science Magazine Visualization Challenge".

http://excalibur.renderosity.com/mod/gallery/browse.php?user_id=119539

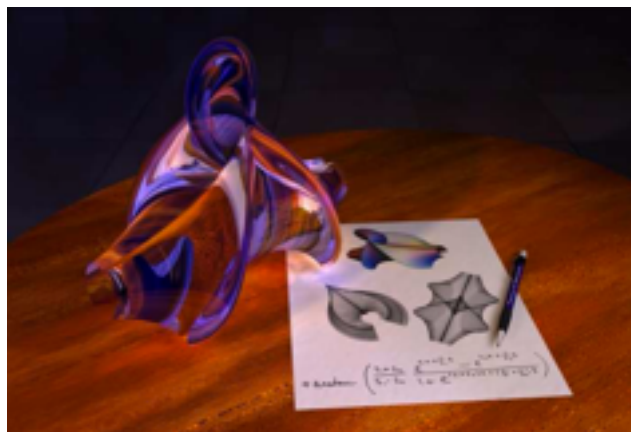
<http://virtualmathmuseum.org>



**Cinq surfaces en verre sur une table
un mathématicien à Murano**

Luc BÉNARD-Richard PALAIS, 2006

Depuis le bas, à gauche, et en tournant dans le sens des aiguilles d'une montre, on rencontre : une bouteille de Klein, la surface minimale symétrique 4-noid, la surface de Breather, la surface de Boy, et enfin celle de Sievert-Enneper. Oeuvre primée en 2006 par la National Science Foundation.



**La surface de Kuen
Le Songe de l'Étudiant**

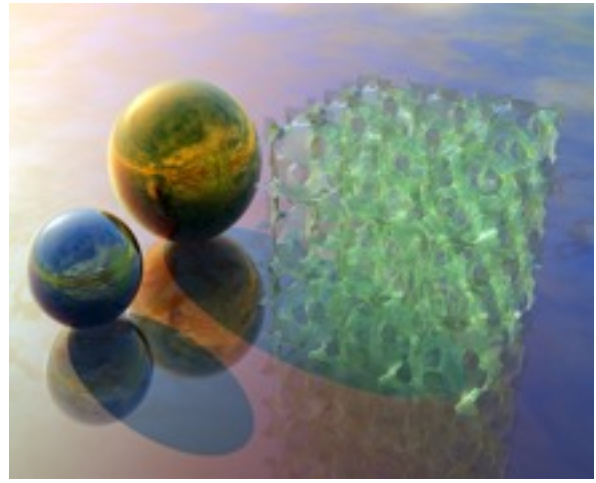
Luc BÉNARD-Richard PALAIS, 2009

Cette surface, dite de Kuen, est de géométrie hyperbolique. Elle peut être décrite par l'équation figurant au bas de la page de la composition. Oeuvre primée en 2009 par la National Science Foundation.



Cuivres et ors, symphonie concertante

Plusieurs rendus superposés d'équations de Marcus-Lyapunov, ces équations servent à étudier l'évolution de populations animales !



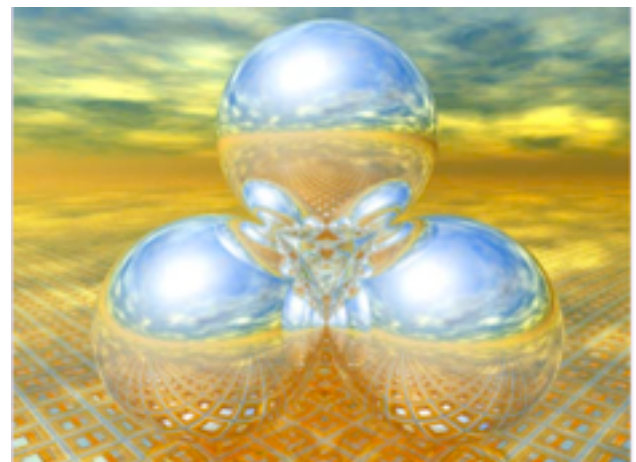
Vert Lumière

L'objet de teinte verte représenté dans cette image est une surface implicite triplement périodique, proche d'une surface minimale de Schwartz. Récemment son équation et d'autres semblables ont été étudiées par des spécialistes des matériaux pour modéliser la structure de certains polymères. Le modèle 3D original provient du "The Scientific Graphics Project" par David A. Hoffman et James T.(L.B.)



Respiration lumineuse des solitons

Cette surface mathématique a été créée à l'aide de l'un des logiciels de 3D-XplorMath-J. L'emploi de JReality en a procuré un fichier 3D, lequel a été ensuite importé, texturé et éclairé dans Bryce 3D. L'utilisation de verre comme texture, si elle ne permet pas de voir avec précision la surface, nous permet par contre d'apprécier la complexité et la beauté de l'objet par le jeu des transparences, de réfraction et des réflexions. (3D-XplorMath-J et JReality sont des logiciels Java gratuits). (L.B.)



Bassins de Wada

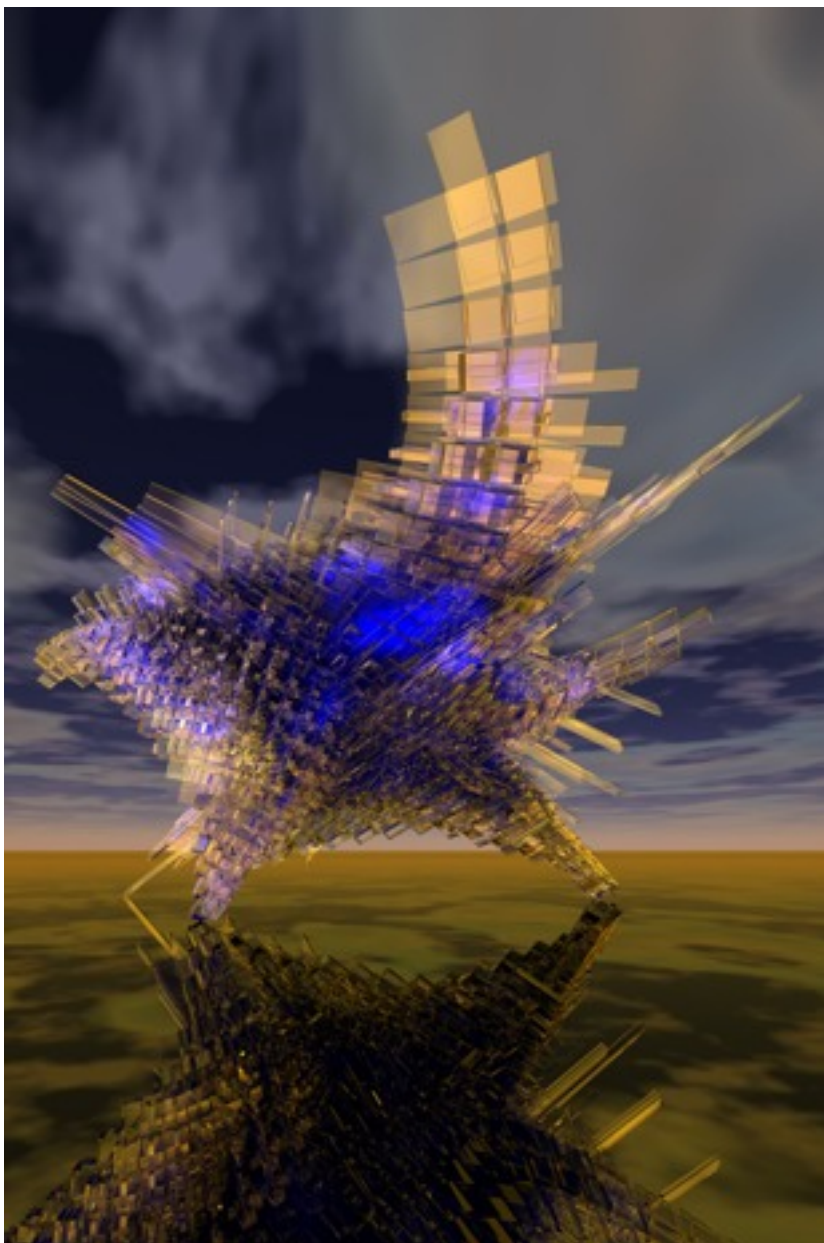
Reproduction en imagerie 3D d'une variété de fractales : 4 sphères hautement réfléchissantes sont assemblées de façon à former une pyramide (tétraèdre). Les réflexions que vous voyez dans l'espace entre les sphères engendrent des images fractales.



Hommage à Da Vinci

Quelques images fractales ainsi que les équations ayant servies à les produire. Le tout assemblé pour produire une image rappelant les gravures de Leonardo DaVinci.

Luc BÉNARD, 2009



Don Quijote sobre Rocinante

Cette oeuvre a été créée à l'aide du logiciel "Structure Synth". Ce logiciel permet, grâce à l'utilisation de règles et d'un langage informatique simples, de définir des objets, leur forme, leur nombre et leur position dans l'espace. L'une des beautés de son langage vient du fait que, à chaque itération, le logiciel pourra choisir aléatoirement une parmi plusieurs règles différentes concernant une même caractéristique de l'objet ou d'un ensemble d'objets. Un fichier 3D a été sauvegardé et importé, texturé et éclairé dans Carrara 3D. (Structure Synth est un logiciel multi-plateformes gratuit). (L.B.)

Luc BÉNARD, 2013

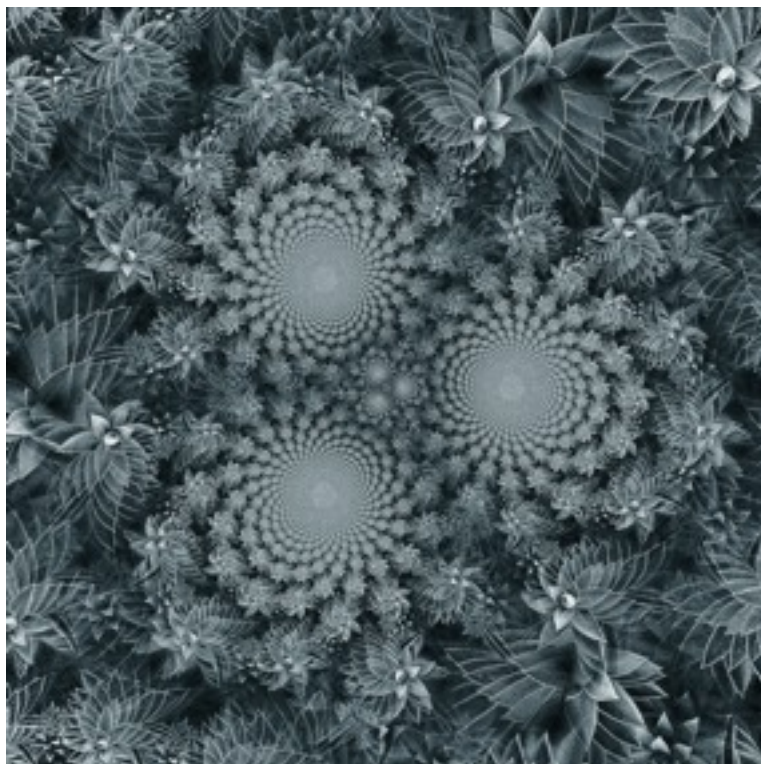
BOUSQUET Geraud

geraud.bousquet@orange.fr

Né en 1969. Professeur agrégé de physique à l'École Supérieure D'Arts Appliqués Duperré à Paris, enseigne la physique et l'infographie à des étudiants en design graphique, design textile et design de mode - ces étudiants viennent majoritairement de formations littéraires et artistiques.

La lecture d'un article de Christian Mercat "Les entrelacs celtes" - paru dans le dossier "Mathématiques exotiques" (avril 2005) de la revue Pour la Science - m'a incité à développer des logiciels graphiques, en particulier «KnotsBag», un logiciel de dessin d'entrelacs générés à partir de graphes. Je me suis ensuite intéressé aux transformations mathématiques du type transformation conforme, effet Droste... Toutes ces transformations ont été réunies dans le logiciel «SeamlessMaker». J'ai développé cette année un logiciel de pavages du type Escher, «EscherLike», pour réaliser les 93 pavages isoédriques du plan en vectoriel.

http://www.hypatiasoft.fr/Folder_KnotsBag/Pages_HTML/KnotsBag_A.html



"Bleu conforme"

**image obtenue par une double transformation conforme
(inversion puis fonction exponentielle)**

Géraud BOUSQUET



"Le sorcier"

image obtenue par une inversion suivie d'une symétrie miroir

Géraud BOUSQUET



"Mandala"

image obtenue par rotations multiples du même secteur d'une image

Géraud BOUSQUET

BRUNET Jérémie

jeremie.brunet@free.fr

Né à Paris en 1975. Ingénieur de formation, il travaille à Paris dans l'industrie informatique. Il est également un des pionniers des fractales en 3 dimensions, une nouvelle génération d'art numérique permettant de produire des visuels étonnants, des vidéos en relief, des sculptures grâce aux dernières techniques d'impression 3D. Ses œuvres dévoilent des paysages virtuels, abstractions mathématiques aux contours à la fois complexes et familiers qui invitent le spectateur dans de nouveaux territoires graphiques aux motifs organiques, baroques ou industriels.

<http://www.youtube.com/user/bib993>
www.fractal-3D.com



Lost and Found

http://fc07.deviantart.net/fs71/i/2012/064/1/b/lost_and_found_by_bib993-d4r9u1j.jpg
http://fc06.deviantart.net/fs70/i/2012/089/9/8/infinitybubbles_by_bib993-d4spzjc.jpg



Infinity Bubbles



Towards the Infinite

http://fc07.deviantart.net/fs71/i/2012/311/6/1/towards_the_infinite_by_bib993-d4xx7xj.jpg
http://fc01.deviantart.net/fs70/f/2012/104/b/6/smart_head_by_bib993-d4w5lfq.jpg



Smart Head

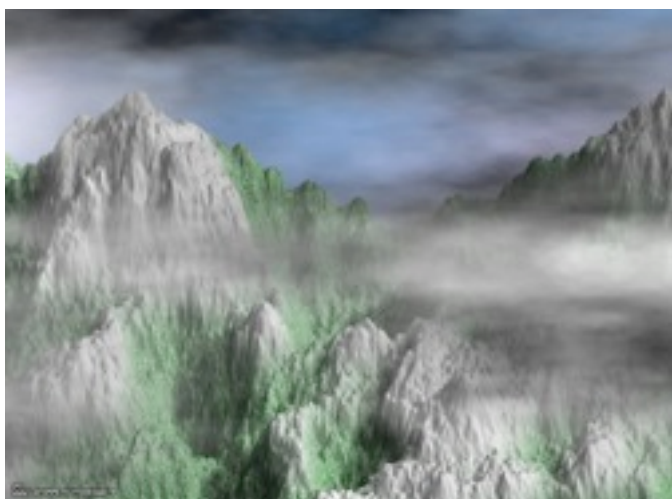
Jérémie BRUNET, 2013

COLONNA Jean-François

jean-francois.colonna@polytechnique.edu

Docteur ès-Sciences, il est chercheur au Centre de Mathématiques Appliquées de l'Ecole Polytechnique où il mène des recherches sur le Calcul Scientifique, le Génie Logiciel et la Visualisation Scientifique. L'ensemble de ses travaux débouche sur le concept d'Expérience Virtuelle, consistant à réaliser des expériences, non pas sur un système, mais sur son modèle. Les images et animations qu'il a créées, plus de 4800 à ce jour, couvrent de nombreux domaines des Mathématiques (en particulier la Géométrie Fractale) et de la Physique (Mécanique Quantique, Mécanique Céleste, Chaos Déterministe,...) et sont visibles, ainsi que de nombreux articles, sur son site.

www.lactamme.polytechnique.fr.



Synthèse fractale de montagnes avec de la

végétation et des nuages d'orage

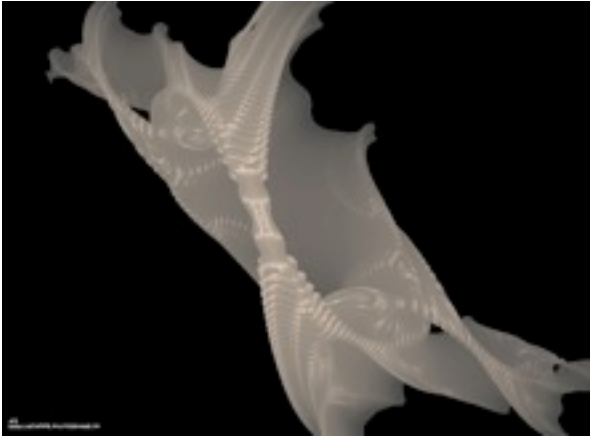
J.-F. COLONNA, 1996



Monument Valley au coucher de soleil

J.-F. COLONNA, 1997

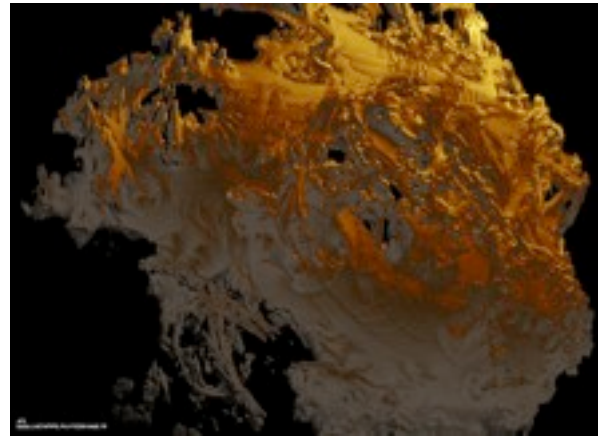
Dans cette image, deux types d'objets fractals se côtoient : les nuages et les montagnes. Pour définir ces dernières, en supposant l'absence de surplombs, il suffit de donner l'altitude Z en chaque point $\{X,Y\}$ d'un plan de référence, par l'intermédiaire d'une fonction $Z(X,Y)$ qui traduit mathématiquement la propriété d'autosimilarité. Utilisée directement, elle donnerait naissance à un relief de type alpin. Mais il est possible de transformer les valeurs qu'elle produit : c'est le cas ici où seules les basses et les hautes altitudes ont été conservées afin de simuler les reliefs caractéristiques de Monument Valley (Utah, USA), les couleurs choisies étant naturelles et l'éclairage correspondant à celui d'un coucher de soleil.(J.-F.C)



La danseuse d'Yr

Section tridimensionnelle d'un ensemble de Julia dans le corps des quaternions calculé pour $A = (0,1,0,0)$

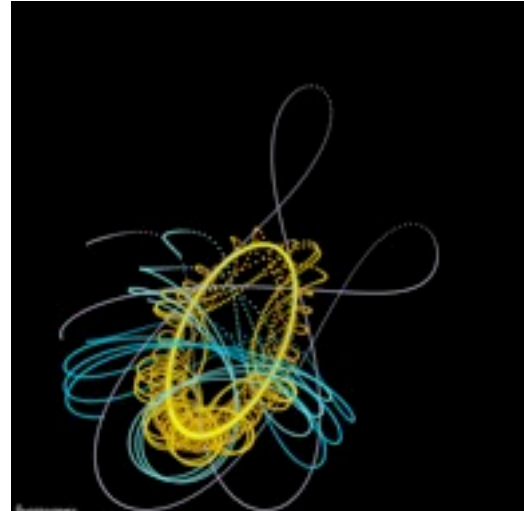
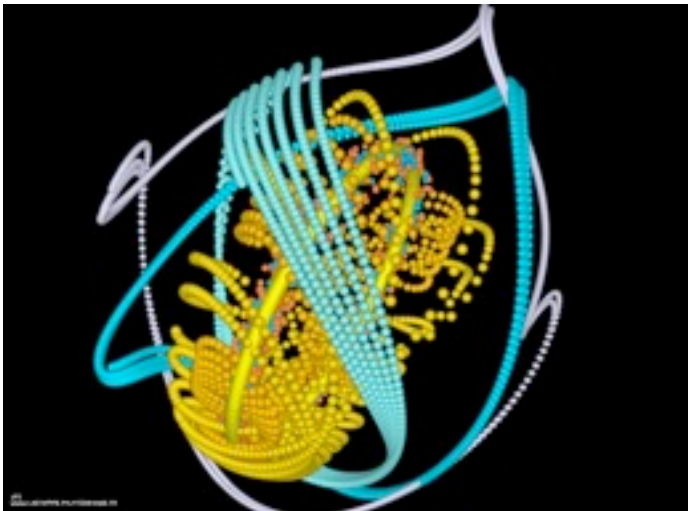
J.-F. COLONNA, 1997



Hommage à José Hernández

Vue artistique de la section tridimensionnelle d'un ensemble de Julia dans l'ensemble des pseudo-quaternions (comme un 'MandelBulb' : un 'JuliaBulb') calculé pour $A = (-0.58..., +0.63..., 0, 0)$

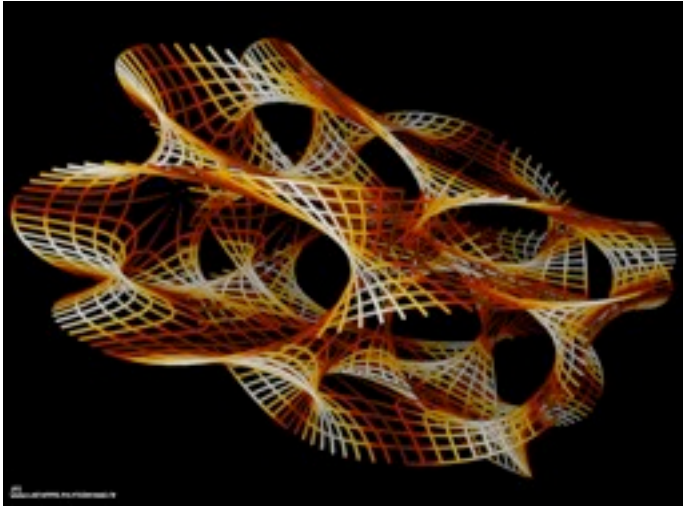
J.-F. COLONNA, 2010



Le système solaire avec une planète virtuelle, point de vue de la planète virtuelle

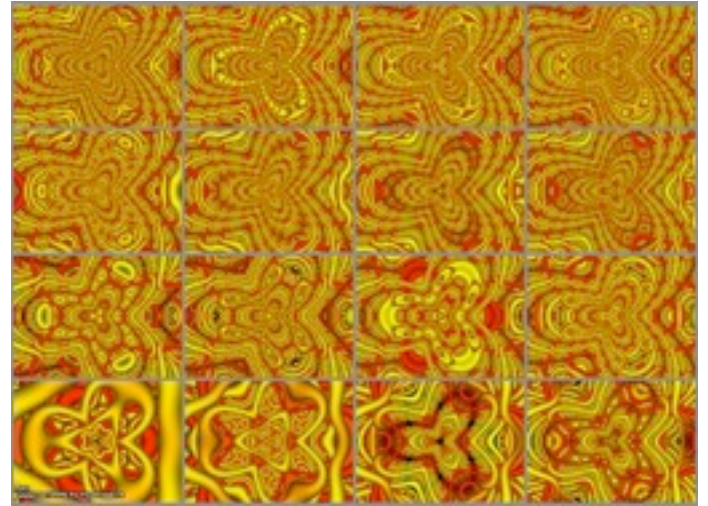
Dans un référentiel pour lequel le Soleil est à l'origine des coordonnées, les neuf planètes décrivent des trajectoires quasiment elliptiques. Par contre, vues depuis la Terre, ces dernières semblent plus complexes et présentent des boucles de rétrogradation ayant conduit, avant la révolution copernicienne, aux épicycles de Ptolémée. Cette image présente le ciel vu par les habitants d'une planète virtuelle située deux fois moins loin que Pluton et dans un plan pratiquement perpendiculaire à celui de l'ecliptique (sa vitesse initiale est alors déterminée grâce à la troisième loi de Kepler). Les trajectoires apparentes des neuf planètes réelles semblent désordonnées, voire chaotiques.(J.-F.C)

J.-F. COLONNA, 2003



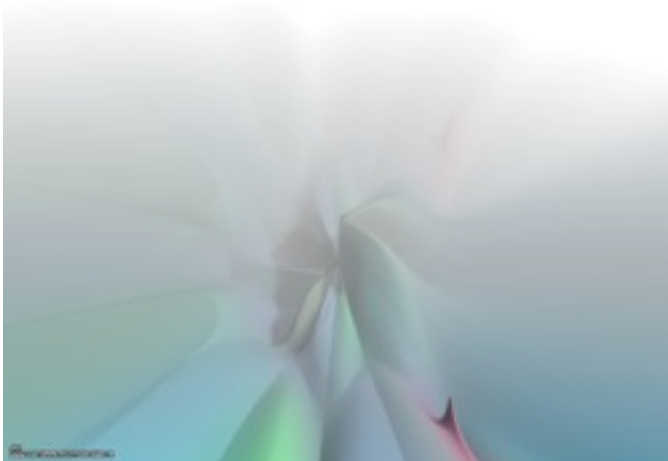
**Représentation tridimensionnelle d'une
variété quadridimensionnelle de Calabi-
Yau**

J.-F. COLONNA, 2007



Animation d'Entrelacs

J.-F. COLONNA, 2008



Hommage à Yves Tanguy

J.-F. COLONNA, 2011



16 tores fractals enlacés

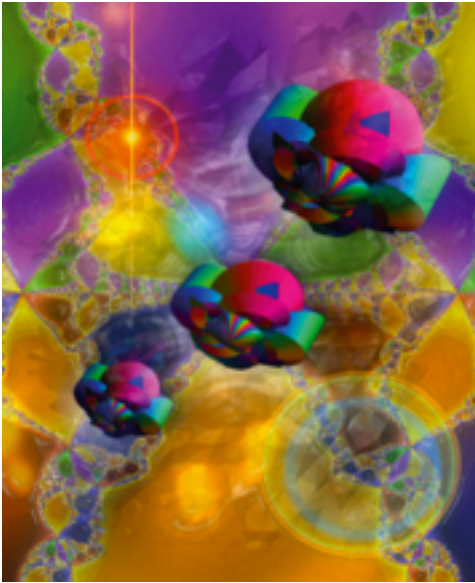
J.-F. COLONNA, 2012

CONSTANT Jean

info@hermay.org

De formation littéraire et artistique classique française, Jean Constant a ses points d'attache en Suisse et aux États-Unis. Ses travaux personnels de composition numérique, de recherche sur toile et sur papier, sont accessibles sur son site.

<http://hermay.org/jconstant>

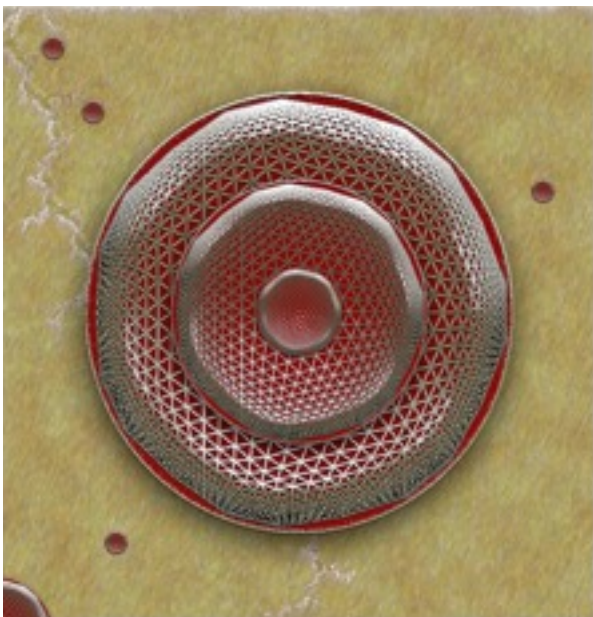


Ascending stairways

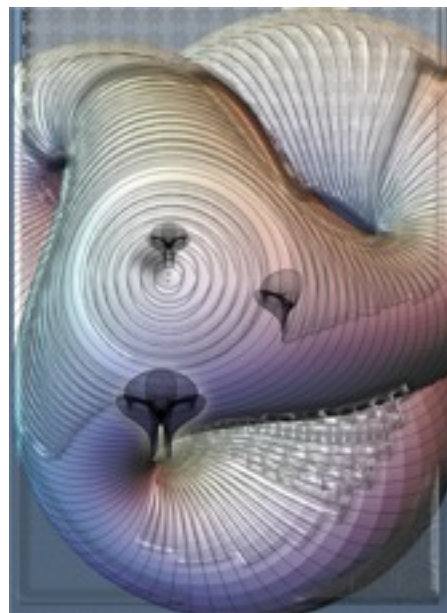


Parabolo

Jean CONSTANT, 2004



Industrial age
Jean CONSTANT, 2007



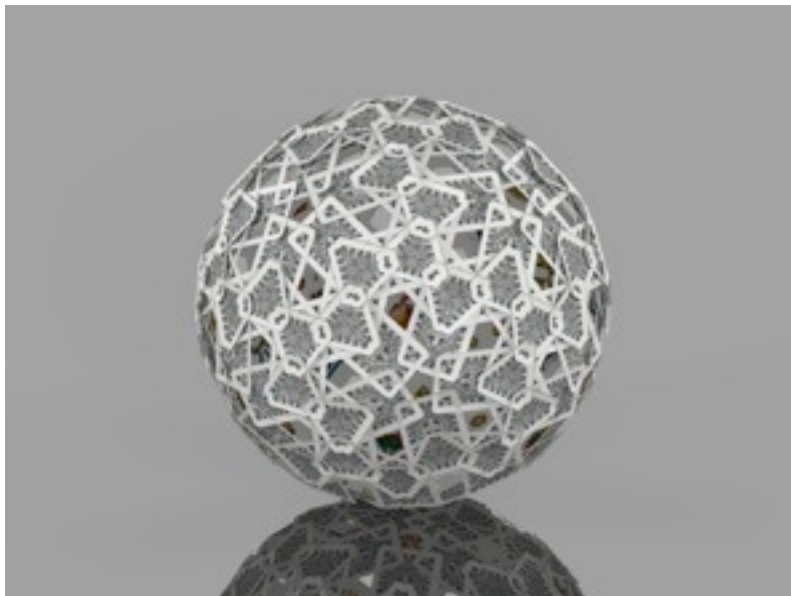
Txoria
Jean CONSTANT, 2009

DE COMITE Francesco

Francesco.De-Comite@univ-lille1.fr

Né en 1959. Maître de Conférences en Informatique à l'Université des Sciences et Technologies de Lille, ses recherches ont porté sur l'informatique théorique, puis sur l'apprentissage automatique. Depuis 2007, il collabore aux illustrations des articles de Jean-Paul Delahaye dans la revue "Pour la science". En utilisant des logiciels de lancer de rayon et de modélisation 3D, ainsi que la possibilité de programmation de ces logiciels, il définit, calcule, et représente des objets mathématiques. A l'aide de ces mêmes outils, il a validé une nouvelle façon de définir des anamorphoses tri-dimensionnelles utilisant des miroirs de forme quelconque. Actuellement, il s'apprête à utiliser les logiciels et imprimantes 3D pour ajouter une dimension supplémentaire aux objets qu'il crée.

www.lifl.fr/~decomite



**En suivant les arêtes de l'icosidodecaèdre adouci
Francesco DE COMITE, 2010**

Le principe qui mène à cette image est simple : placer une carte à jouer sur chaque arête d'un polyèdre. Cette idée a été largement développée par George Hart, à qui je l'ai empruntée. Dans certains cas, dépendant de l'orientation et de la taille de la carte, ainsi que du polyèdre choisi, on peut même calculer les découpes et réaliser physiquement le modèle. Cet exemple est trop compliqué, mais il est encore réalisable en l'imprimant en trois dimensions. (F.DC.)



Variation cardioïde
Francesco DE COMITE, 2010

La méthode de Pedoe permet de construire une cardioïde comme enveloppe d'une suite de cercles. Quand on s'autorise à incliner légèrement chacun de ces cercles, on génère toute une famille d'objets tridimensionnels, dont l'exploration exhaustive est encore à faire. Des animations et des impressions tri-dimensionnelles ajoutent encore à l'attrait de ces objets. (F.DC.)

DEMARET-PRANVILLE Denise

denisepranville@free.fr

Après une carrière de professeur de mathématiques, Denise Demaret-Pranville quitte l'enseignement en 2007. Elle entreprend alors des études d'Arts Plastiques et obtient un master sur le thème art et mathématiques intitulé « Chaos et Fractalité ». Depuis, sa pratique plastique s'est orientée vers les montages photographiques numériques.



De Beaubourg
Denise PRANVILLE, 2012



A Versailles
Denise PRANVILLE, 2012

FARKAS Tamás

f.farkastamas@freemail.hu

Né en 1951 à Budapest, cet artiste devient en 1980 diplômé de MOMA Moholy-Nagy Art University, où lui-même a plus tard enseigné. Il professe maintenant à l'Université St. Istvan, dans la Faculté M. Ybl d'Architecture. Il s'est engagé dans les recherches géométriques dès 1972. A participé à 80 expositions collectives et 30 expositions individuelles à travers le monde, et présenté ses œuvres à l'occasion d'environ 25 conférences annuelles.



Dimenzio Geo-669
Tamás FARKAS, 2009



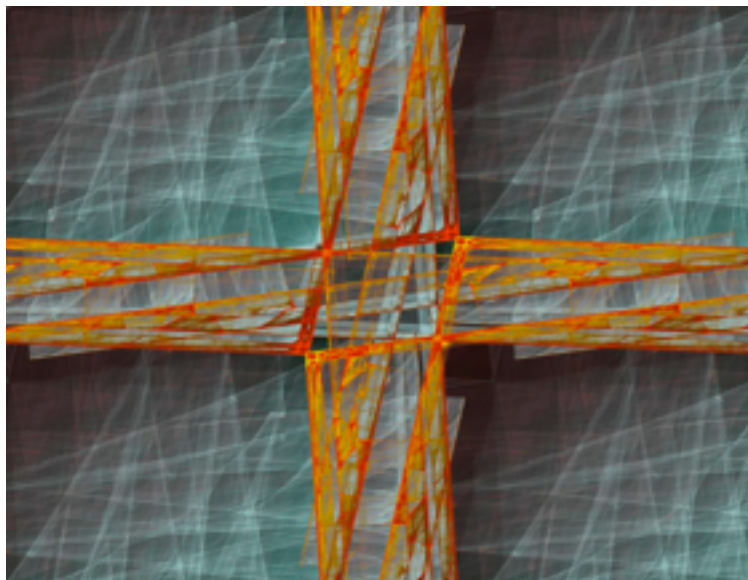
Dimensio-Geo 100
Tamás FARKAS, 2010

FIELD Michael

mikefield@gmail.com

*Michael Field est actuellement "research professor" en mathématiques à l'Université Rice. Il a été auparavant professeur à l'Université de Houston de 1992 à 2012, en poste à l'Université de Sydney (Australie) de 1976 à 1992, à l'Université de Warwick de 1970 à 1976. Ses travaux de recherche ont principalement porté sur les propriétés statistiques et les symétries des systèmes dynamiques, mettant l'accent récemment sur la dynamique des réseaux et la reconnaissance des formes liées à des problèmes rencontrés en biologie et en neuro-sciences. Il a écrit 9 livres et monographies, et de nombreux articles. Il a commencé à travailler sur un programme de création d'attracteurs chaotiques présentant des symétries en 1989 à Sydney, et, avec Martin Golubitsky, publié en 1992 *Symmetry in Chaos* (Oxford U. Press) qui montre des images caractéristiques et donne des explications sur les théories employées. Une seconde édition, revue, a été publiée par la SIAM en 2009. Ses oeuvres d'art mathématique ont été exposées en Europe, dans les Amériques et en Asie.*

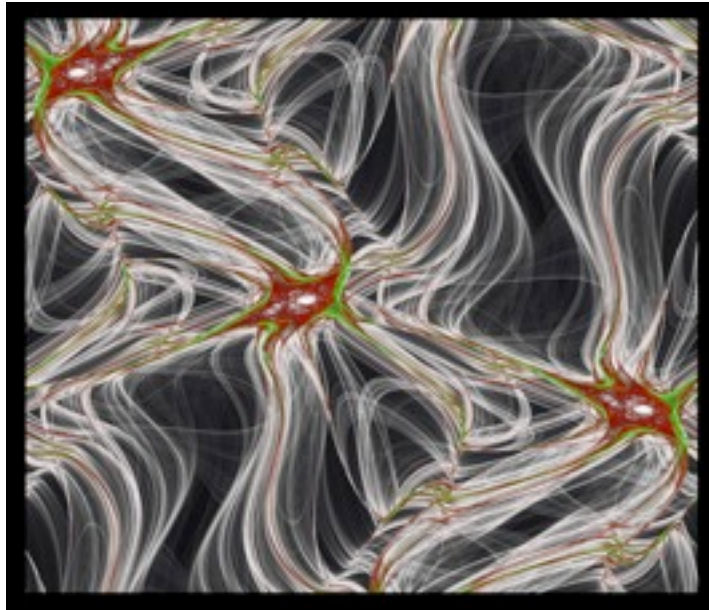
<http://math.rice.edu/~mjf8>



Enduring Illusions

Michael FIELD, 2004

Cette image représente un petit fragment d'un tableau bicolore, spécialement créé pour la première exposition de l'ARPAM, tenue à l'Institut Henri Poincaré en 2002. De même que dans de nombreux autres tableaux bicolores, sont présentes des illusions optiques et des ambiguïtés visuelles.



NeuralNet
Michael FIELD, 2002

En même temps que son compagnon *EndGame*, *NeuralNet* a été montré pour la première fois dans la Galerie d'Art du Congrès SIGGRAPH 2003. *NeuralNet* is a 76 x 61cm Durst Lambda 130 print on glossy Kodak photographic paper.(M.F.)

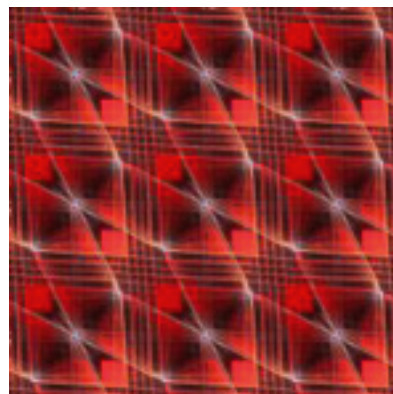


EndGame
Michael FIELD, 2002

EndGame a été montré pour la première fois au Congrès SIGGRAPH 2003. Il fut ensuite retenu pour figurer dans le ACM 2003-2004 travelling Art Show.

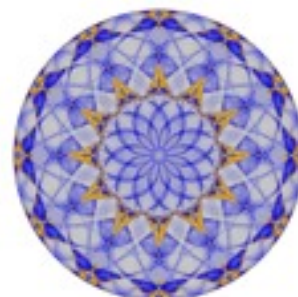


Armies of the Night
Michael FIELD, 2000



FireQuilt
Michael FIELD, 2003

Armies of the Night et *FireQuilt* présentent un motif qui possède une symétrie bicolore: les symétries du motif préservent ou échangent les couleurs. Pour réaliser ces dessins, il a fallu relever plusieurs défis à la fois d'ordre mathématique et artistique. Le résultat final est très dépendant de l'algorithme employé pour créer à la fois le dessin et le coloriage. (M.F.)



Logos
Michael FIELD, 2011 et 2009

FOMENKO Anatoly

atfomenko@mail.ru

Né à Donetsk (en ex-USSR) en 1945. Membre, entre autres, de l'Académie des Sciences russe, récipiendaire de trois grands prix russes, il dirige le département de Géométrie Différentielle et Applications de la Faculté de Mathématiques et de Mécanique de l'Université de Moscou. Auteur de 180 publications scientifiques, ses travaux les plus importants portent notamment sur les théories des surfaces minimales et des systèmes hamiltoniens intégrables.

Il est aussi l'auteur de plus de 280 oeuvres artistiques, dont un grand nombre créées en relation avec les mathématiques, en référence parfois à quelques grands maîtres comme Bosch, Dürer ou Dali, et à quelques-uns des grands mythes de nos sociétés.

Ses oeuvres ont fait l'objet de plus d'une centaine d'expositions en Amérique du Nord et en Europe. Elles furent créées d'un seul jet, sans retouche.

*Certaines d'entre elles ont permis d'illustrer des ouvrages pédagogiques de diffusion des mathématiques, comme par exemple **Visual Geometry and Topology** (Springer-Verlag, 1994). Un grand nombre furent rassemblées dans l'ouvrage **Mathematical Impressions**, by A. T. Fomenko and Richard Lipkin, American Mathematical Society, 1990, 184 pp., ISBN 0-8218-0162-7.*

<http://dfgm.math.msu.su/files/fomenko/myth-vved.php>

J'ai rassemblé ci-dessous quatre parmi les plus remarquables oeuvres d'Anatoly Fomenko. Elles furent exécutées dans le cours de la même demie décennie 1975-1980. Elles présentent des caractéristiques communes, et sont l'expression des pensées, jugements et sentiments très voisins qu'éprouvait leur auteur à cette époque. On peut y voir maintes allusions et allégories. Fomenko en évoque quelques-unes dans ses commentaires sur ses oeuvres. Celles-ci auraient très bien pu avoir été créées il y a quelques siècles, mais la présence, dans la première du développement décimal de e , dans chacune des trois suivantes d'un poste de radio atteste de leur modernité. La présence de cet appareil peut être interprétée comme l'expression d'une pointe d'humour ou au contraire a-t-elle une signification bien différente. Si la thématique de fond derrière ces oeuvres est la même, la personnalité de l'auteur s'affirme avec le temps. Par exemple dans les deux dernières apparaît un échiquier absent dans la première.

Dans ses textes d'accompagnement de ses oeuvres, l'auteur explicite pour chacune d'elles quelques éléments de leur contenu.

Sur le plan mathématique, elles portent pratiquement toutes la marque du topologue : contrairement au décorateur qui reproduit fidèlement un motif précis et figé, l'artiste peintre qui représente les données fluctuantes de la vie fait apparaître constamment leurs déformations conservant toutefois des propriétés plus profondes: la déformation est une caractéristique intrinsèque à ces modes de représentation que les mathématiciens appellent l'homéomorphisme, l'homotopie. Fomenko ne peut qu'insister sur leur présence au sein de ses oeuvres.

La répétition à l'infini du même motif mais de plus en plus petit est l'une des caractéristiques d'un univers fractal. On le retrouve plus ou moins présent dans bon nombre des oeuvres de Fomenko. Dans plusieurs d'entre elles, cet ensemble infini permet de visualiser et de permettre l'approximation d'un horizon continu. (CPB)



ANTI-DÜRER,
Anatoly FOMENKO, 1975

En choisissant ce titre pour cette oeuvre (n°175 du catalogue), Fomenko a voulu exprimer la souffrance qu'il ressentait, causée par le décalage entre la vision qu'il avait de l'époque de la Renaissance, et l'univers quotidien dans lequel il vivait. Le sang s'écoule maintenant sur le polyèdre de Dürer, les visages qui autrefois interrogeaient, les personnages qui autrefois réfléchissaient ouvertement, doivent se cacher, ou davantage ont été effacés. La boule de Dürer, en bas à gauche, a été écorchée. Mais Fomenko introduit quand même une petite boule à la signification ambiguë, dont il montre une moitié sur laquelle apparaît une sorte de personnage levant ses bras en signe de libération.

En haut à gauche, apparaît ce thème récurrent dans son oeuvre, la présence d'un monde fractal, la représentation ici semble-t-il de la construction cantorienne. Le monument central, une manière de tore, est l'autel élevé à la mémoire d'un holocauste démesuré.

L'infini est également présent dans l'écriture décimale $2,7182 \dots$ du nombre e , occupant la place du carré magique de Dürer. On tourne à l'envers, dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

La cloche de Dürer change d'emplacement, de forme, et de signification : le battant acéré ne bouge pas. Ce thème de la cloche apparaît dans d'autres oeuvres, notamment la n° 171, où Fomenko explicite la signification mathématique de la forme de la cloche, liée à la répartition des points critiques des fonctions de Morse qui généralisent les lignes de niveau.



ANTI-BRUEGHEL
Anatoly FOMENKO, 1976

Oeuvre n° 189 du catalogue, créée d'après la célèbre gravure de Pieter Brueghel l'ancien, «l'alchimiste». A travers la présence de l'infini mathématique (en montrant pour horizon un bol de métal en fusion), le flux dynamique des fonctions analytiques (nuages dans le ciel), l'homéomorphisme, homotopie (sous la forme de la déformation du corps) cette oeuvre reflète partiellement l'évolution des représentations mathématiques depuis l'époque de Brueghel. (D'après A. Fomenko)



APOCALYPSE, 48 x 69

Anatoly FOMENKO, 1977

Fantaisie géométrique (oeuvre n° 94 du catalogue) sur le livre biblique de l'Apocalypse. Elle utilise une variété de notions mathématiques à travers, par exemple, l'homotopie et l'homéomorphisme (déformations des corps humains), la mathématique de l'infini sous la forme d'éléments de géométrie fractale (nuages, espaces lenticulaires). (D'après A. Fomenko)



LA TENTATION DE SAINT-ANTOINE 61 x 85

Anatoly FOMENKO, 1979

Oeuvre n° 226 du catalogue. Outre les éléments mathématiques évoqués dans les oeuvres précédentes, on peut voir dans celle-ci la présence renforcée de la métrique hyperbolique, chacune des trompettes, qu'elle produise des couacs ou annonce un avenir radieux, étant une représentation de la pseudo-sphère (l'équivalent de la sphère dans l'espace hyperbolique standard). On notera ici la référence explicite au trio Brueghel-Bosch-Dali.

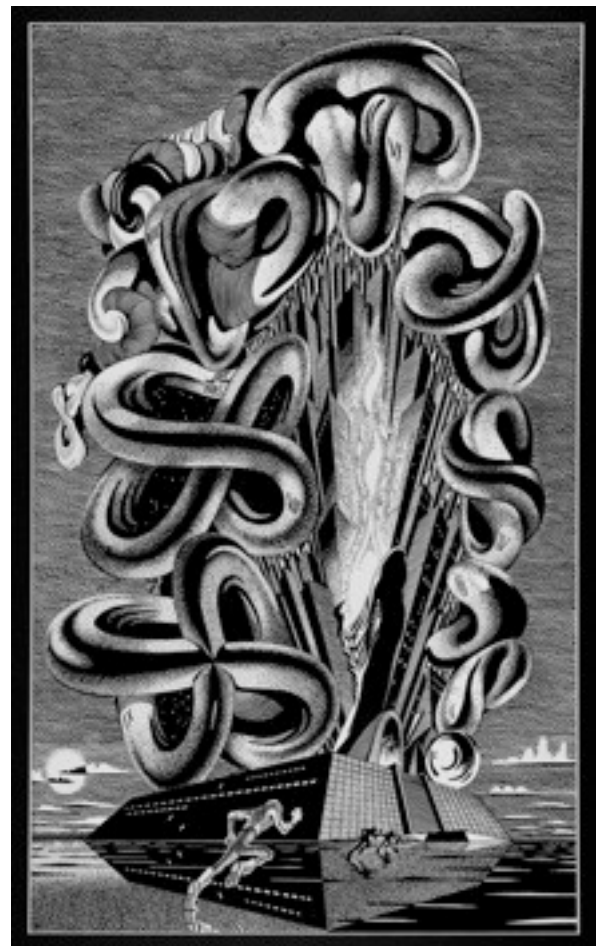


Aurore

Anatoly FOMENKO

Cette oeuvre (n° 265 du catalogue) est également assez riche pour pouvoir faire l'objet de diverses interprétations, A. Fomenko dixit. La partie inférieure de l'image est originellement liée à l'idée d'approximation simpliciale en topologie et abordée par Poincaré. Elle est illustrée par la présence de blocs qui se fondent à l'horizon continu, et sur lesquels on voit deux hommes chaussés de skis : on pense bien sûr à ces blocs de glace qui viennent s'agglomérer autour des zones polaires. De grosses bulles de vapeur s'échappent de cet horizon illuminé par le soleil.

Ces suites de bulles ont la forme de sphères déformées, ce qui permet à l'auteur de voir également en elles une manière d'image des déformations de la métrique riemannienne le long d'un flot de Ricci, et d'associer ainsi cette oeuvre aux outils récemment développés pour résoudre une célèbre conjecture de Poincaré sur les sphères de l'espace à quatre dimensions.



Le retournement de la sphère

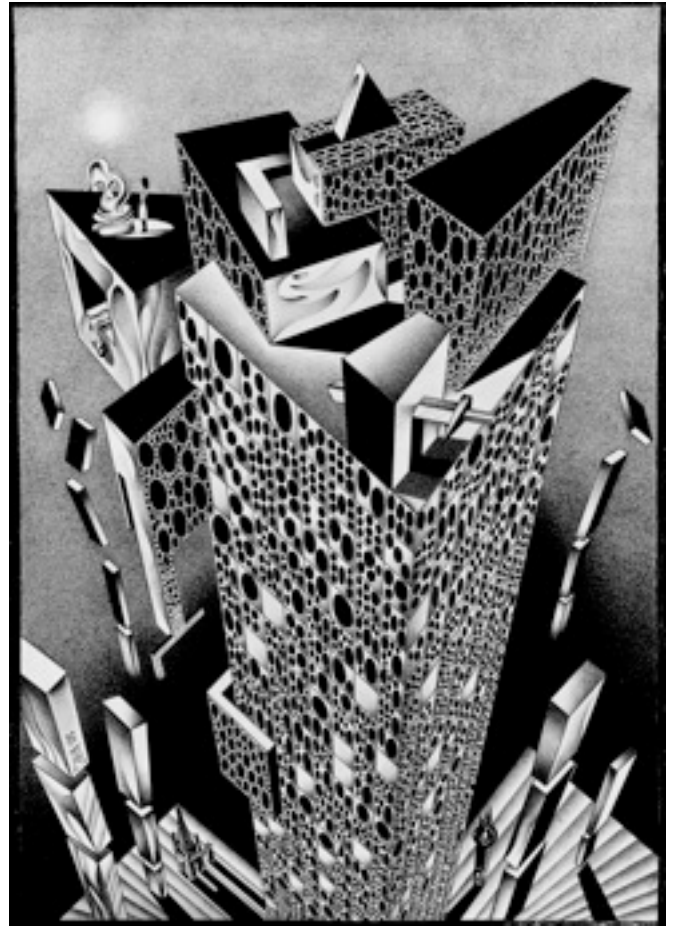
Anatoly FOMENKO, 1985

Comme l'indique l'auteur sur son oeuvre, celle-ci (n° 233 du catalogue) se lit de droite à gauche. La sphère usuelle (en bas à gauche, elle porte le numéro I)) est déformée en une sorte de boudin qui est autorisé à se traverser lui-même jusqu'à former un voisinage tubulaire de la surface de Boy. La dernière surface de gauche (IX), à mi-parcours du retournement de la sphère, est appelée la surface de Morin.



Anatoly FOMENKO, 1984

Dans son commentaire sur cette oeuvre (n° 230 du catalogue, et qui figure à la page 246 de son ouvrage *Mathematical Impressions*), Fomenko évoque simplement l'arrière-plan mathématique de cette oeuvre. La courbe en forme de cloche de Gauss y est omniprésente. Elle pourrait être associée à la distribution des barres métalliques qui accompagnent l'explosion de la singularité centrale, barres qui pourraient faire aussi penser à la distribution des aiguilles de Buffon conduisant à une approximation de π . Mais du point de vue symbolique, on peut y voir bien autre chose, une voûte de cathédrale, siège en son point le plus haut de l'esprit tout puissant, univers rayonnant qui éclate en chevaux de frise, en barrières de croix recouverts de glace.



Anatoly FOMENKO, 1986

Cette oeuvre (n°242 du catalogue) témoigne de la fascination exercée par le nombre et de l'importance de son usage tant en physique qu'en mathématique et en théorie du codage.

De gauche à droite et de haut en bas sur le mur gauche de la tour, le développement décimal de π , 3,14159265..., se lit à travers le nombre de disques noirs sur chaque domino. Le développement décimal de e , 2,7182818..., se lit pareillement sur le mur droit de la tour. Le calcul des décimales de ces nombres, leur distribution d'apparence aléatoire restent des sujets d'étude.

La tour s'étend à l'infini vers le bas, et l'éjection convenable de dominos de plus en plus petits permet de façonner un ensemble fractal cantorien.

HEINRICH Hiltrud

hiltrud_heinrich@web.de

Artiste

Née en 1940. Professeure dans un lycée privé de Bayern de 1969 à 1999. Etudes artistiques notamment à Pittsburgh (Pennsylvanie) en 1985/1986. Depuis 2008, elle crée des oeuvres à l'aide du logiciel «Surfer», conçu pour la visualisation des surfaces algébriques réelles. Depuis 2011, elle travaille en relation avec les mathématiciens de l'Université technique de Darmstadt. Plusieurs de ses oeuvres ont été primées.

<http://www.hiltrud-heinrich.de/>

Le logiciel Surfer est gratuitement téléchargeable en particulier à partir du site :

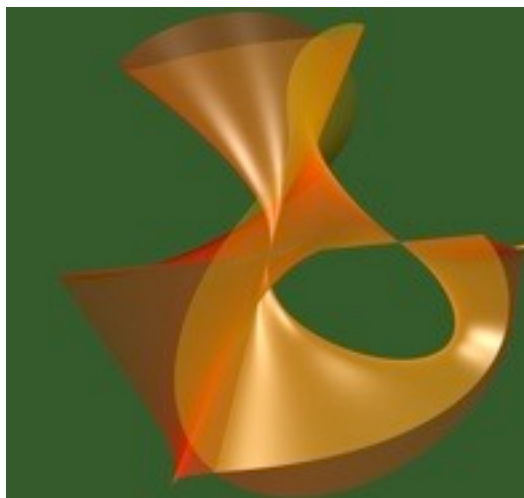
<http://www.imaginary-exhibition.com/surfer.php>



Travaillant avec Surfer, je modifie la formule jusqu'à trouver un détail intéressant à mes yeux. Je le retiens et l'agrandis, ce qui est possible avec Surfer sans connaissance mathématique.

Bewegung (mouvement), 2011

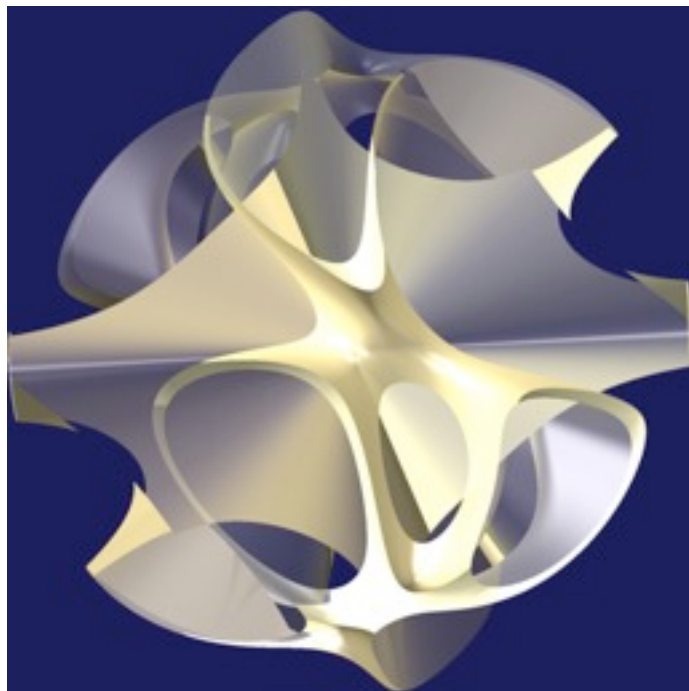
$$(x^4 y + x^3 y^2) + (x^4 y - 10 x^4 y^3 + y^3)^2 - z^2 * ((x^2 + y^2 + z^2 - 9) * (b - x^3 y^2 z^3)) = 0, b = 1$$



Mouvement, élégance et harmonie

Pirouette, 2008

$$x^3 y z + x^2 z^3 - y^3 * z - y^3 + x^2 y z^2 = 0$$



Chamäleon, 2008

Surfer permet de créer des vues différentes du même objet. La plupart de celles créées avec la formule ci-dessous étaient instables, ce qui a engendré des discussions entre mathématiciens.

$$xy * xz * yz - x^2 y^2 z^2 = 0$$



Surfer permet aussi de créer des effets de transparence

Objekt aus Glas 2

$$(x^2 * y^2 + x^2 y + z - (y^3 + z^2 - 6)) * ((x^2 + y^2 + z^2 + z)^2 - 90 * (x^2 + y^2)) * (z^3 - 1)^2 + (x^2 + y^2 - 1)^3 = 0$$

JABLAN Slavik

sjablan@gmail.com

Slavik Jablan soutint sa thèse de doctorat auprès de l'Université de Belgrade en 1984, et obtint une Bourse Fulbright pour les années 2003/4. Ses centres d'intérêt concernent principalement la théorie des nœuds et tout ce qui touche à la symétrie, tant sur le plan mathématique qu'artistique. Membre très actif au sein de l'International Society for the Interdisciplinary Studies of Symmetry, il est également éditeur du journal électronique "Visual Mathematics".

<http://www.mi.sanu.ac.rs/vismath/>



Neon Flower



Blue Flower

Slavik JABLAN

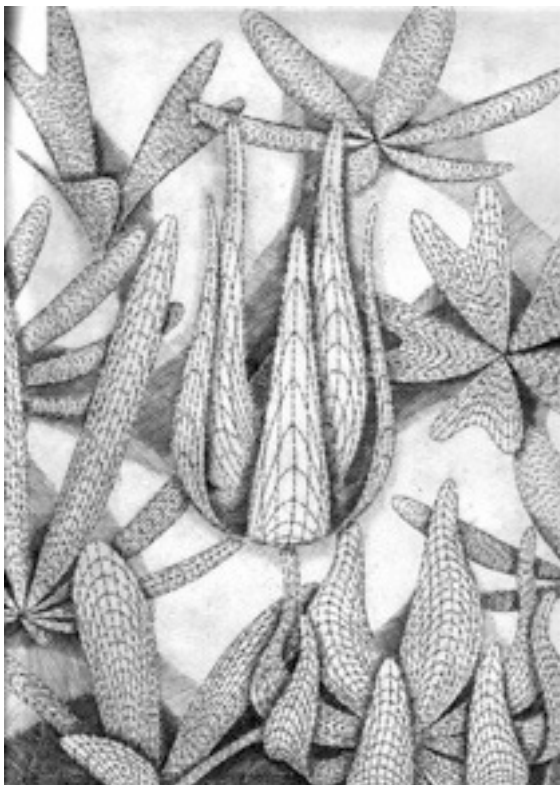
Ces deux œuvres, caractérisées par la présence de symétries et un phénomène de croissance, appartiennent à une série créée à l'aide de Corel Draw durant les années 2003-2008.

JEENER Patrice

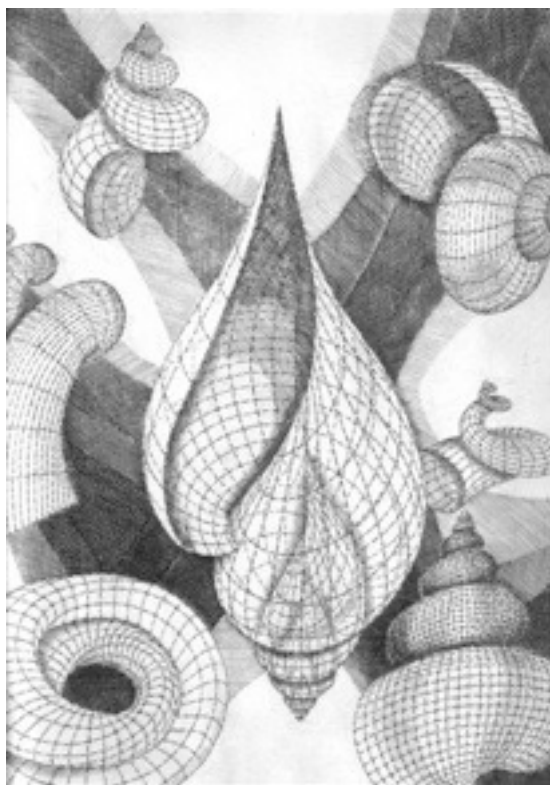
patricejeener@wanadoo.fr

Entre en 1963 à l'École des Beaux Arts, dans l'atelier de gravure au burin. Boursier à Venise sur la recommandation de son professeur, Flocon. Il est aujourd'hui le seul artiste du domaine scientifique à maîtriser et à utiliser ce mode d'expression, la gravure. Déjà influencé par les œuvres de Escher et le traité de Flocon sur la perspective curviligne, il découvre au Palais de la Découverte et à l'Institut Henri Poincaré des modèles de fonctions mathématiques en plâtre, et décide de s'en inspirer. Tout en étudiant les mathématiques en autodidacte, il s'emploie à représenter en gravures, de manière exacte, les nombreux objets remarquables rencontrés par les mathématiciens, polyèdres, objets topologiques, surfaces et notamment parmi elles les surfaces minimales dont de très nombreuses originales.

Il réside à La Motte Chalancon, charmant village de la Drôme Provençale, entre Vercors et Baronnies.



Floraison

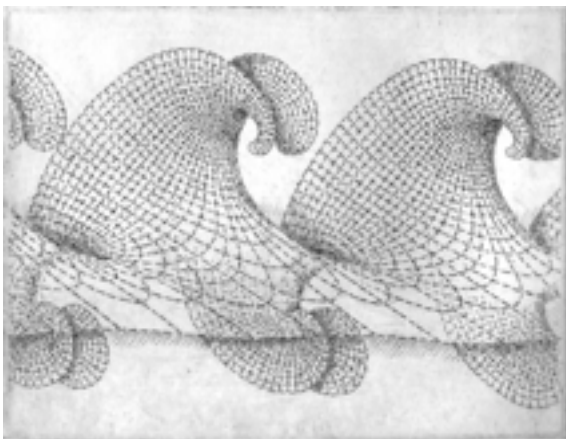


Triton

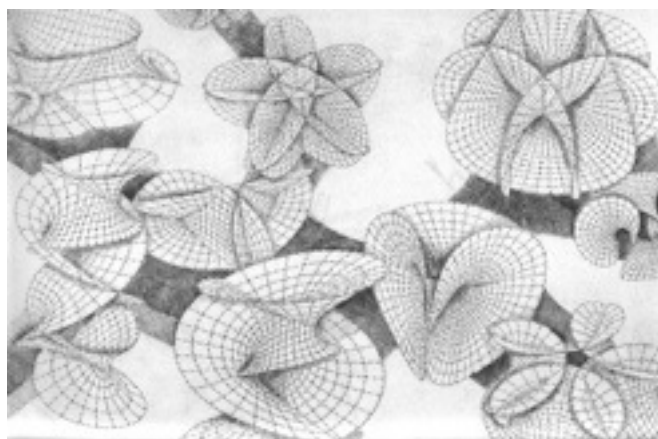
Patrice JEENER, 2009

A partir de la courbe génératrice d'une surface de révolution, il est possible de mettre en équation certaines formes de fleurs d'une manière élémentaire. Grâce à une transformation sur la surface, on choisira le nombre et la forme des pétales.

Ces coquillages font partie des surfaces de croissance. L'une des familles est constituée de courbes logarithmiques tracées sur des cônes circulaires, l'autre, de courbes homothétiques dont la base forme l'ouverture du coquillage.

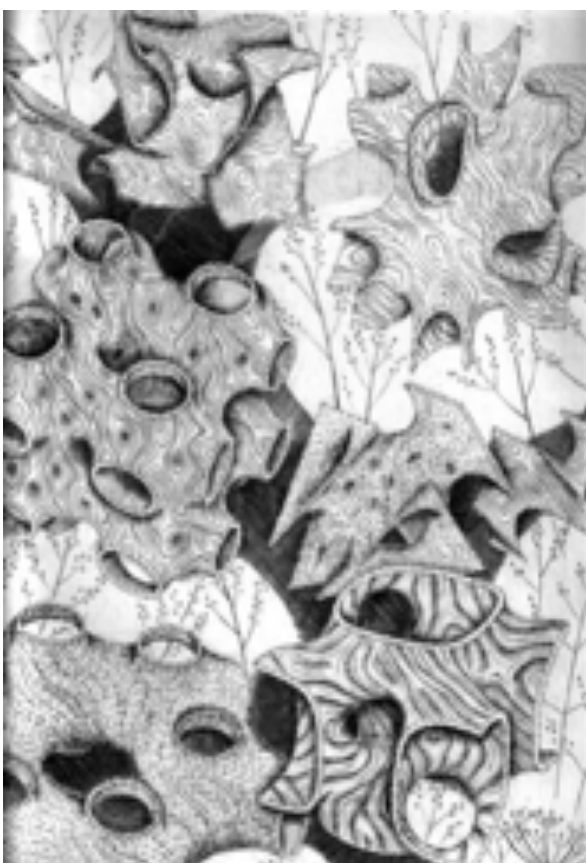


Vagues en majesté
Patrice JEENER 2013



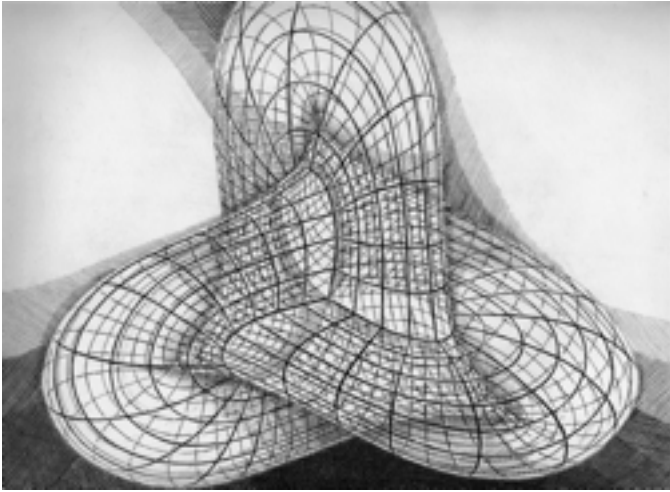
Le jardin des surfaces minimales
Patrice JEENER, 2009

Les formules de Weierstrass permettent d'écrire les équations d'une infinité de surfaces minimales. Cette famille de surfaces a la symétrie d'un polygone régulier. Leurs bords sont déterminés, ici, à partir de courbes fermées ; elles peuvent ressembler ainsi à des vagues, ou à des fleurs.



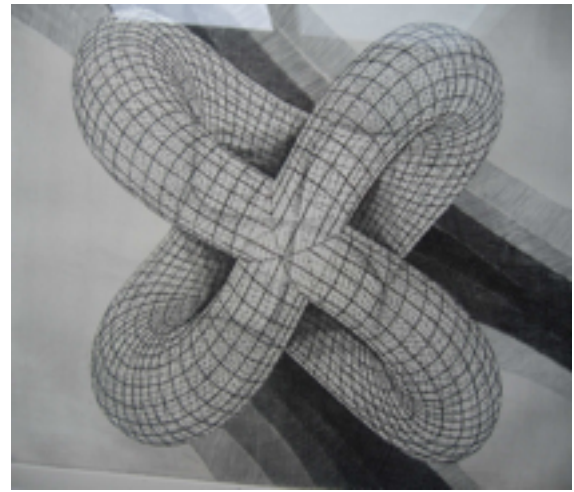
Surfaces minimales "en olivier"
Patrice JEENER, 2008

Les surfaces minimales à trois périodes sans auto-intersection ont des applications dans différents domaines de la physique et de la biologie. A partir du bois d'olivier, il a paru intéressant de représenter ces surfaces avec d'autres matières.



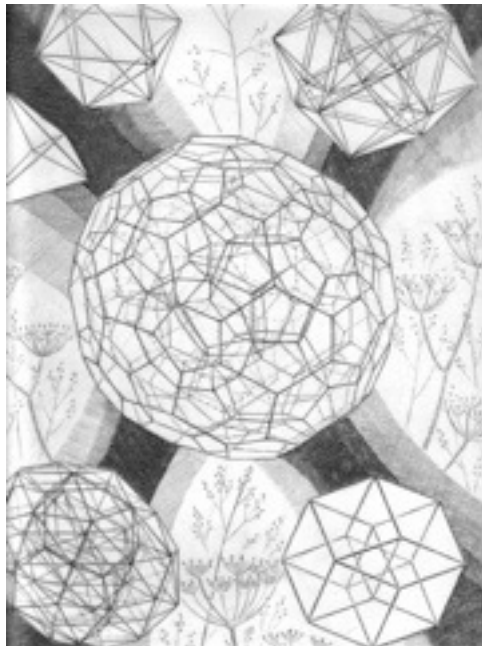
Surface de Boy
Patrice JEENER, 2002

Découverte en 1902, cette surface, ayant même propriété de connexité que la sphère, ne possède qu'une seule face, d'où son rôle dans le retournement de la sphère.



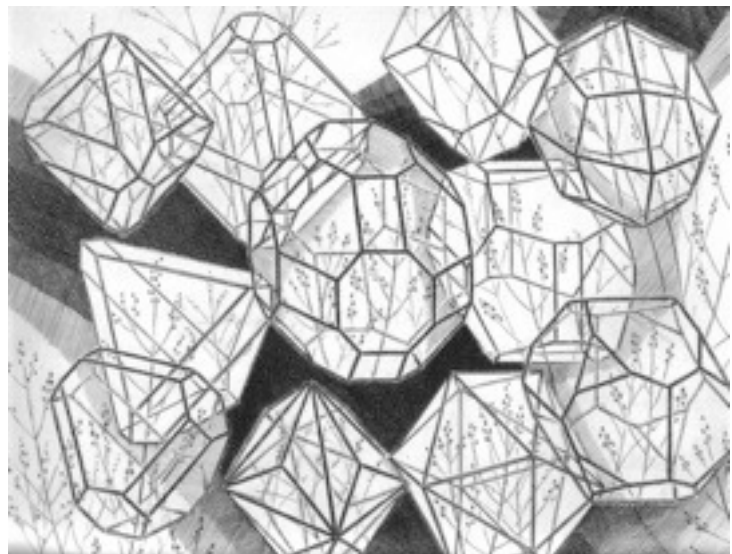
Surface de Morin
Patrice JEENER, 2008

Le retournement de la sphère à mi-parcours



Les six polytopes réguliers

Il existe dans l'espace à quatre dimensions six polytopes réguliers. Ils ont respectivement : 5, 8, 16, 24, 120 et 600 cellules. Il correspondent aux cinq polyèdres de notre espace.



Système cubique

Le système cubique est le système le plus simple étudié en cristallographie.

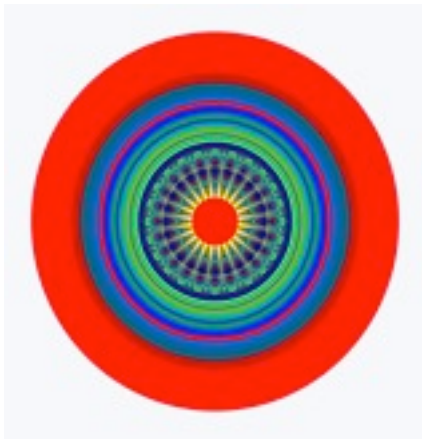
KALANTARI Bahman

kalantari@cs.rutgers.edu

*Professeur d'Informatique (Computer Science) à l'Université Rutgers. Inventeur de la Polynomiographie, auteur de **Polynomial Root-Finding and Polynomiography**, World Scientific, Hackensack, NJ, 2008.*

<http://www.cs.rutgers.edu/~kalantar/>

<http://www.polynomiography.com>



Cover Design, 2006

Ce polynomiographe provient d'équation dont la localisation des racines apparaît aux extrémités des rayons.

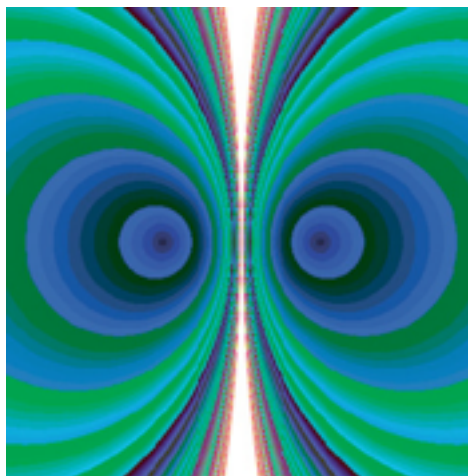


Chinese Acrobats in Paris



Butterfly, 2006

L'image révèle une beauté d'une autre nature lorsqu'on la regarde en trois dimensions à travers des lunettes polarisantes.



The Owl

Résultat de la visualisation de racine de 2 !

Bahman KALANTARI

LEYS Jos

leys.jos@gmail.com

Artiste

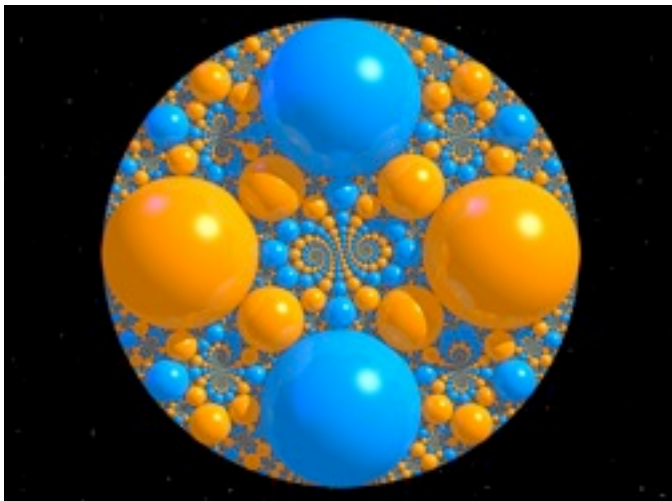
Né en 1952 à Niel (Belgique). Ingénieur dans l'industrie chimique, il quitte l'industrie en 2005, et peut alors s'adonner corps et âme à sa passion de l'art mathématique. Povray et Ultrafractal sont ses principaux outils informatiques de création.

Artiste recherché par la communauté mathématique internationale, il est notamment renommé pour ses illustrations mathématiques remarquables, et pour deux films en dessins animés en collaboration avec Etienne Ghys : Dimensions et Chaos.

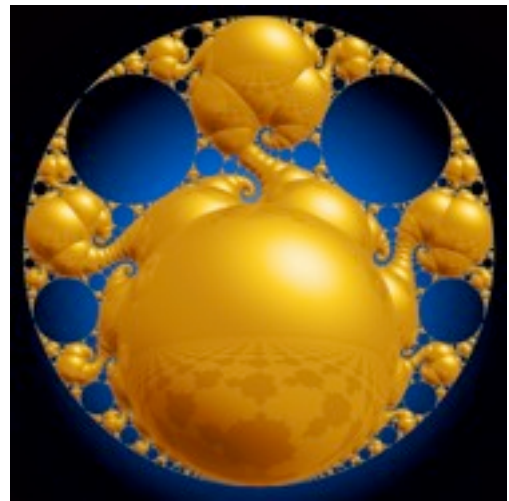
<http://www.josleys.com>

La série Indra

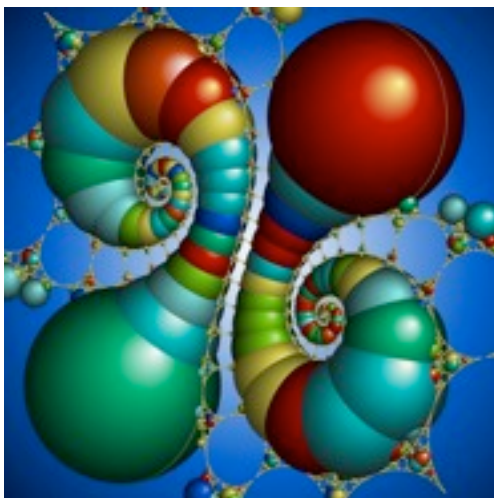
En 2003, j'ai lu le livre "Indra's pearls, the vision of Felix Klein" par David Mumford, Caroline Series and David Wright : s'ouvrait un nouveau monde de structures fractales basées sur des séries de transformations homographiques. J'ai d'abord simplement traduit la méthode décrite dans le livre pour mon logiciel préféré. Puis, avec l'aide de David Wright, j'ai pu étendre cette méthode pour obtenir des images qu'on ne trouve pas dans le livre, par exemple par l'addition d'effets 3D. (J.L.)



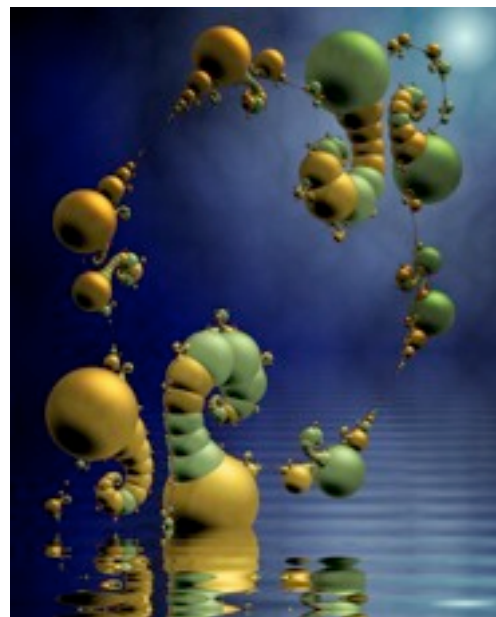
1 on 15 cusp
Jos LEYS, 2007



Pandora
Jos LEYS, 2004



Ballons

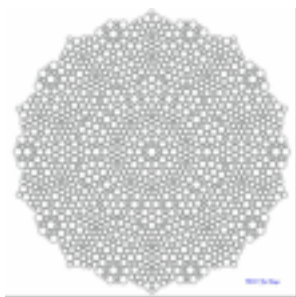


Indra family

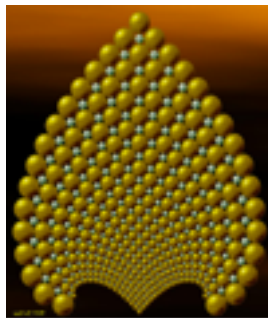
Jos LEYS, 2004

Les empilements de cercles

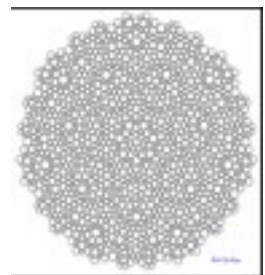
Dans les images précédentes de la série "Indra", on rencontre des familles de cercles ou de sphères qui se touchent et que je trouve fascinantes. J'ai alors cherché d'autres méthodes pour dessiner de telles familles, et j'ai découvert le travail de Ken Stephenson de l'Université de Tennessee. Il a décrit un méthode itérative pour ajuster les rayons d'une collection de cercles de sorte qu'il se touchent tous d'une façon imposée (nombre des cercles adjacents à un cercle donné, angles entre les rayons de deux cercles adjacents, etc, ...). (J.L.)



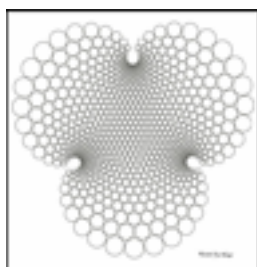
Penrose circles 1



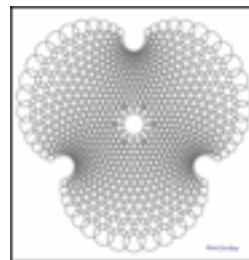
Spearhead



Penrose circles 2



Circle collection 1

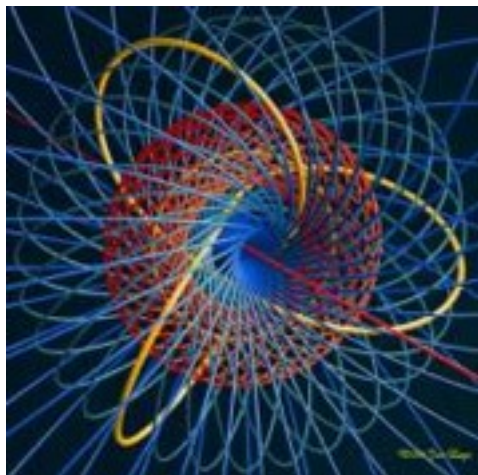


Circle collection 2

Jos LEYS, 2005

Le nœud de trèfle

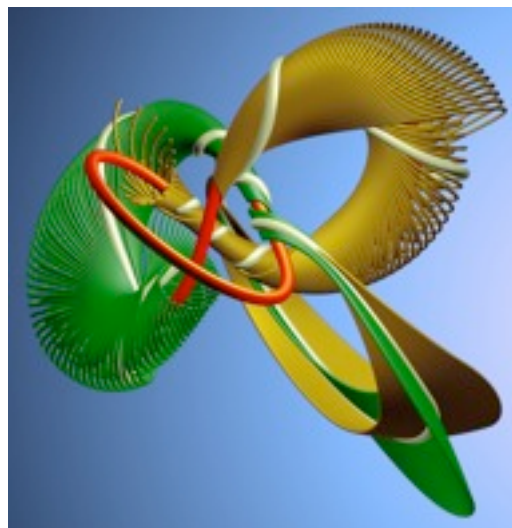
Une courbe fermée sans point double, comme par exemple une trajectoire associée à un mouvement périodique et qui ainsi revient sur elle-même, est naturellement appelée un nœud. Le nœud régulier à trois pales ou nœud de trèfle apparaît ici en jaune doré.



Seifert fibration

Projection stéréographique partielle dans l'espace usuel de la sphère de dimension 3 feuilletée à la Seifert en nœuds de trèfles et deux cercles.

Jos LEYS, 2006

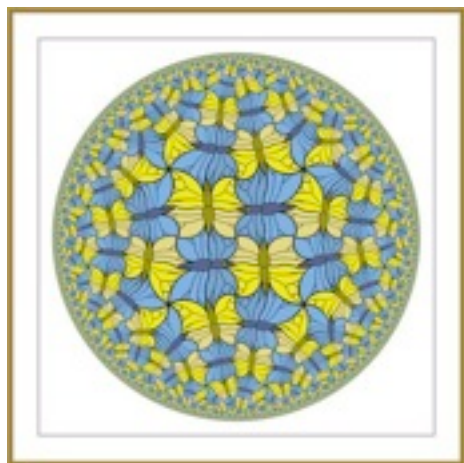


Notices 1

Trajectoires attractantes et répulsantes d'un système d'Anosov. Couverture des Notices de l'Am. Math. Soc, Janvier 2007.

Jos LEYS, 2006

Pavages hyperboliques



Papillons 1



Papillons 2

Jos LEYS, 2009

À gauche, pavage hyperbolique à la Escher dans le modèle de l'espace hyperbolique de Beltrami-Poincaré, à droite le même pavage dans le modèle de Klein.

PIC Sylvie

sylviepic@yahoo.com

Née en 1957, Sylvie Pic est diplômée de l'Ecole des Beaux Arts de Marseille, où elle réside. Son travail est centré sur l'espace réel (l'architecture), ou représenté (géométrie, topologie) jusqu'aux confins de l'abstraction. Elle expose en France, aux Etats-Unis, au Canada.

www.documentsdartistes.org/pic

www.drawingcenter.org/viewingprogram/share_portfolio.cfm?pf=968



"Série IHP" - "Bohemian dance"

Crayons de couleurs sur lavis Vinci, 68 x 83



"Série IHP" - "Teratorology 1"

Crayons de couleurs sur lavis Vinci, 66 x 66

Sylvie PIC, 2005



"Trois tores"

Lithographie, 56 x 76



"1, 2, 3, l'infini"

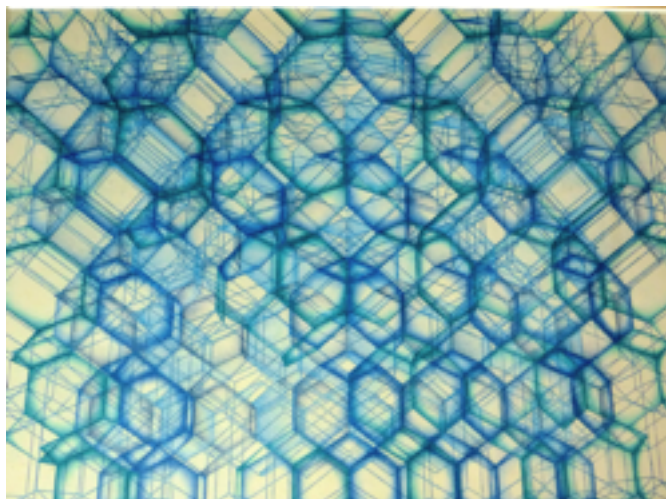
Lithographie, 56 x 76

Sylvie PIC, 2007

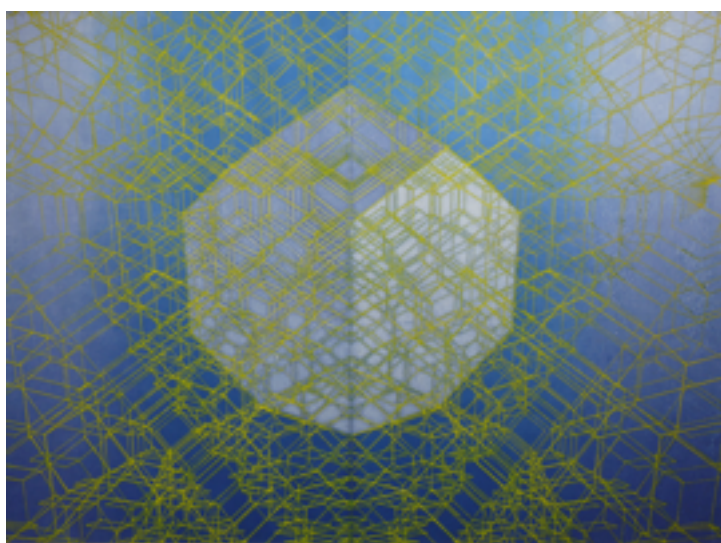
POENARU Milen

valpoe@hotmail.com

Milen Poénaru a fait ses études d'art à la School of the Museum of fine Arts, Boston. Les oeuvres exposées ici correspondent à une première période, où elle a fait de la gravure taille-douce, dans l'Atelier 17 de Stanley William Hayter, à Paris. Hayter s'était souvent inspiré de motifs à caractère scientifique et Milen, mariée à un mathématicien, a suivi aussi cette voie. L'artiste s'est ensuite retournée vers la figuration et a appris la peinture acrylique avec le peintre péruvien Herman Braun-Vega. Elle a représenté des personnages au milieu de la Nature, mer, volcans, plages de sable. Dans sa période actuelle, toujours utilisant la peinture acrylique, elle cherche son inspiration dans les images et motifs qu'un passé très ancien nous a légués, des motifs qui ont survécu pendant des millénaires, jusqu'à nous-même en changeant de signification.



Réseau d'octaèdres tronqués : vue en perspective



Réseau d'octaèdres tronqués : vue d'artiste

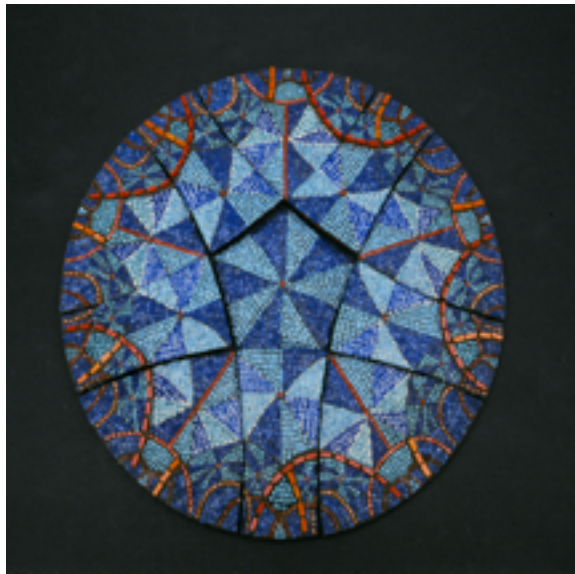
Milen POENARU, 1972

ROUSSEAU Irène

mosaicartforms@comcast.net

Plus d'une quinzaine de grands musées à travers le monde possèdent une œuvre d'Irène Rousseau dans leurs collections. Citons le National Museum of Contemporary Art de la Smithsonian Institution à Washington, le Museum of Modern Art, le Guggenheim et le Whitney Museum à New York, le British Museum, la Galerie Nationale d'Art à Rome, et MAMCO, le musée d'art contemporain de Genève. Elle a reçu la Presentation Design Award de l'American Institute of Architect. Elle a fait ses études à la Claremont Graduate University en Californie où elle obtint le MFA degree en Fine Arts, puis à New York University où elle obtint un Ph.D. en Interdisciplinary Studies.

Son œuvre diffère de celle de nombreux artistes travaillant la mosaïque en ce sens qu'elle modèle des sculptures multidimensionnelles provenant de surfaces concaves. Faisant appel à des concepts mathématiques, les sculptures hyperboliques semblent « flotter sur les murs, défiant la substance matérielle ».



Mosaïques hyperboliques

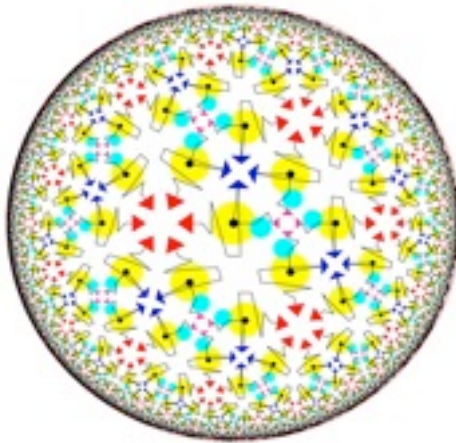
Irène ROUSSEAU

En tant qu'artiste, non mathématicienne, mon œuvre vient de ma sensibilité à l'esthétique de la forme géométrique, qui sous-tend la cohérence mathématique à l'arrière-plan du monde naturel. Quand on regarde la nature, on voit des motifs, des « patterns ». J'emploie ce terme dans un sens métaphorique pour désigner la structure et l'ordre formel caché des systèmes spatiaux que l'on rencontre dans la nature.(C.R.)

SAZDANOVIC Radmilla

radmilas@math.upenn.edu

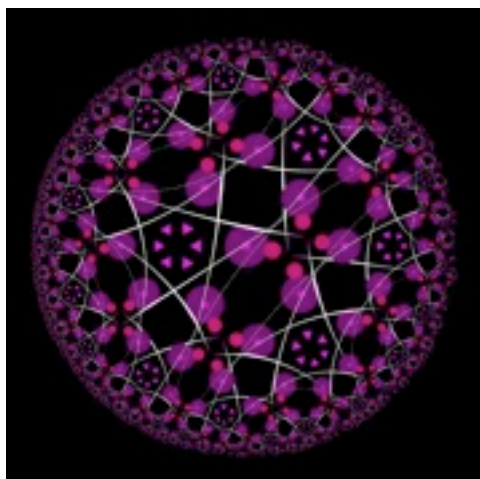
PhD en mathématiques auprès de la George Washington University et Postdoc au MSRI, à Berkeley, au printemps 2010. Ses recherches portent sur la théorie des nœuds, les structures de la combinatoire. Co-auteur avec Slavik Jablan du livre "LinKnot", elle a obtenu la GWU Presidential Merit Fellowship, les Marvin Green Prize et James H. Taylor Graduate Mathematics Prize. En 2002, elle rejoint la communauté artistique inspirée par les riches structures géométriques présentes dans les pavages du plan hyperbolique plane et dans ses recherches en théorie des nœuds.



Hyperbolic Klee

Radmilla SAZDANOVIC, 2003

Cette œuvre repose sur un pavage uniforme de type $(4,4,4,6)$ du plan hyperbolique dont la structure a été enrichie par l'introduction d'un motif coloré asymétrique.



Poincaré Berries

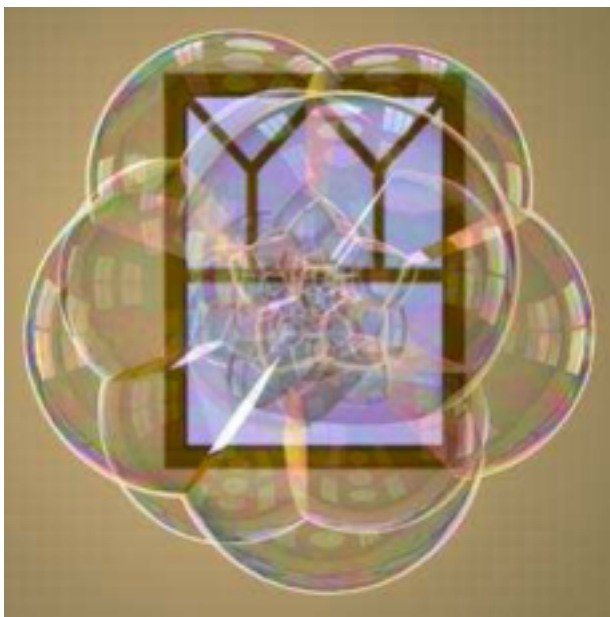
Radmilla SAZDANOVIC, 2009

Cette œuvre, consistant de triangles et de cercles introduits dans le domaine fondamental, met en valeur les symétries par rotation d'ordre 4 et 6 du pavage $(4,4,4,6)$ du plan hyperbolique.

SULLIVAN John

Sullivan@Math.TU-Berlin.DE

John Sullivan a obtenu son Ph.D. à Princeton en 1990, après avoir fait ses premières études à Harvard et Cambridge. Après avoir enseigné pendant six années aux Universités du Minnesota et de l'Illinois, il entre en 2003 à la Technische Universität de Berlin. Depuis 2012, il dirige la Berlin Mathematical School. Ses recherches portent sur la théorie géométrique des noeuds, la géométrie différentielle discrète et les problèmes d'optimization géométrique. Ses oeuvres d'art mathématiques (impressions calculées par ordinateur, sculptures et vidéos) ont fait l'objet de nombreuses expositions, entre autres à Bologne, Boston, Londres, New York et Paris.



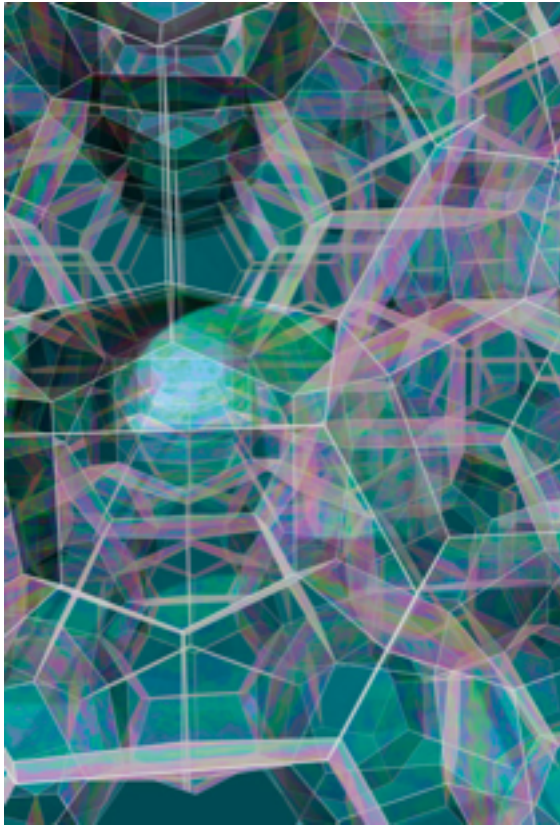
119 Bubbles, Digital print, 20" x 20"
John SULLIVAN, 1990

119 Bubbles montre la projection stéréographique du polytope régulier dans l'espace à quatre dimensions désigné sous le nom de code 120-cell, également illustré par Patrice Jeener. Il possède la géométrie exacte d'un accollement de bulles, l'une des 120 cellules représentant l'extérieur infini. (J.S.)



Willmore Duel, Digital print, 20" x 20"
John SULLIVAN, 2004

Willmore Duel montre une surface dite de Wilmore, elle minimise l'énergie élastique de courbure. Elle est la surface duale de l'une de celle qui apparaît dans le film *The Optiverse*, où elle est utilisée pour réaliser le retournement de la sphère à énergie minimale. Les trois images, *Willmore Duel*, *Double Bubble Trouble* et *119 Bubbles*, ont été réalisées à partir de modifications du logiciel « Pixar's Renderman ». (J.S.)



Foamy Partition : Weaire-Phelan



Double Bubble Trouble

John SULLIVAN

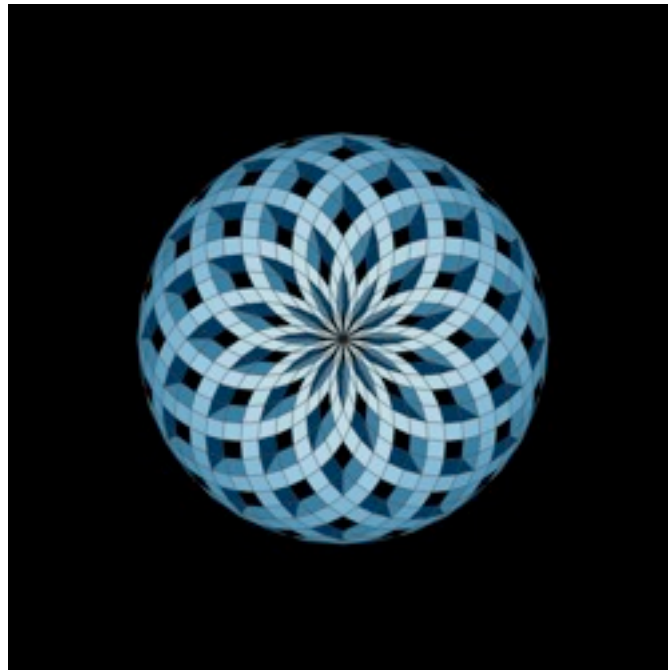
Foamy Partition : Weaire-Phelan donne une vue de l'intérieur d'une écume de savon. Une telle écume est généralement considérée comme une collection infinie de bulles de savon se touchant, chacune d'elles essayant de minimiser l'étendue de sa surface tout en maintenant fixe le volume d'air qu'elle contient. Dans les années 1880, Lord Kelvin considéra le problème de trouver l'écume dont les bulles identiques auraient le volume optimal. Il conjectura une solution dont la preuve fut recherchée pendant plus d'un siècle, jusqu'à ce qu'en 1994 les physiciens irlandais Weaire and Phelan découvrent la structure ci-dessus plus compliquée mais donnant aussi un résultat meilleur. Certaines de ces bulles ont la forme de dodécaèdres pentagonaux, mais d'autres ont quatorze faces. (J.S.)

Double Bubble Trouble montre un accolement de bulles de savon dont l'équilibre physique est instable. L'accolement concerne trois bulles : une grosse bulle centrale, une moyenne bulle ceinturant la première, et une toute petite bulle ceinturant la seconde. Toutes les parois des bulles accolées font des angles de 120° . Ces images ont été créées pour illustrer la preuve de la conjecture générale sur les bulles doubles énoncée par Hutchings, Morgan, Ritoré et Ross (2000). (J.S.)

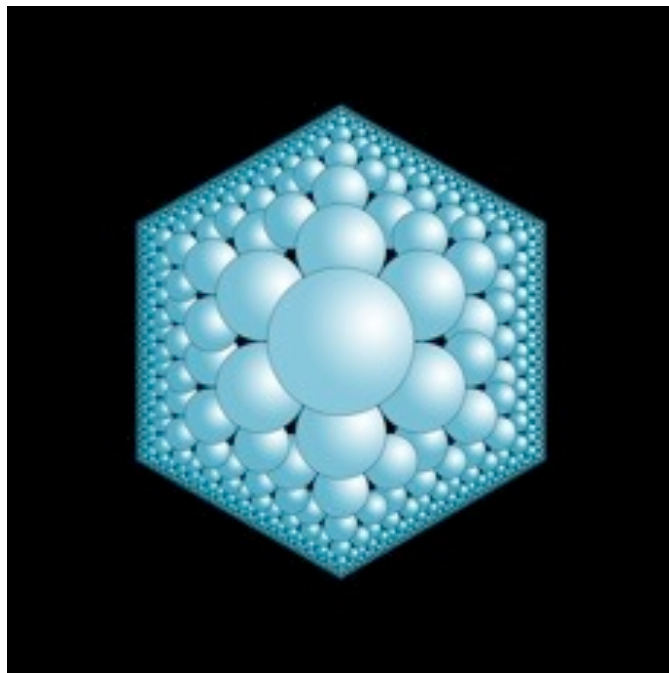
TARD François

tard.francois@numericable.fr

Ancien élève de l'École Polytechnique et de l'École Nationale Supérieure des Beaux Arts de Paris. Conseil en organisation, imprimeur et éditeur. Artiste plasticien, poète et écrivain.



Rosace en aurichalcite
François TARD, 2009



Fractale hexagonale de Sphères
François TARD 2010

TERMÈS Dick

termes@blackhills.com

Sous l'influence de M.C. Escher et de Buckminster Fuller, Termès entreprit de peindre des sphères en 1968, alors qu'il obtenait son Masters Degree en Art à l'Université du Wyoming. Il leur donna le nom de Termespheres. Il continua ses recherches dans cette direction et passa en 1971 sa thèse sur les Termesphere à l'Otis Art Institute de Los Angeles, où il reçut également son Masters in Fine Arts. Il n'a depuis guère quitté Black Hills dans le Dakota du Sud. Ses peintures sur sphères, plus de 160, ont fait le tour du monde, depuis San Francisco jusqu'à Paris, depuis New York jusqu'à Tokyo.

www.termespheres.com

Chaque sphère est l'exploration et la représentation d'un univers clos. Ce que vous voyez quand vous regardez une Termesphere est une illusion d'optique, une vue depuis l'intérieur de la totalité du monde physique qui l'entoure. Elle vous paraîtrait normale si vous étiez effectivement à l'intérieur de la sphère, mais vous voyez cette vue intérieure depuis l'extérieur de la sphère. Elle est d'ailleurs en général peinte de l'extérieur, selon une technique mise au point par Termes : elle consiste à introduire un système de six points de perspective, qui correspondent aux centres des six faces d'un cube.



The Paris Opéra

Dick TERMES, 1992

Séjour parisien en 1992. Six jours de présence sur le grand escalier ont accompagné la réalisation de cette sphère. Elle est maintenant la propriété de Dave Ellis, Rapid City, SouthDakota.(D.T.)



Sainte Chapelle

Dick TERMES, 1993

Pour réaliser la SAINTE CHAPELLE, je me suis projeté d'une dizaine de mètres au-dessus du sol pour me permettre de voir les merveilleux vitraux et les incroyables ornements que vous ne pouvez pas admirer quand vous êtes noyé dans la masse des visiteurs. Cette sphère est maintenant la propriété de Anne et Gayle Verret, de Floride.(D.T.)

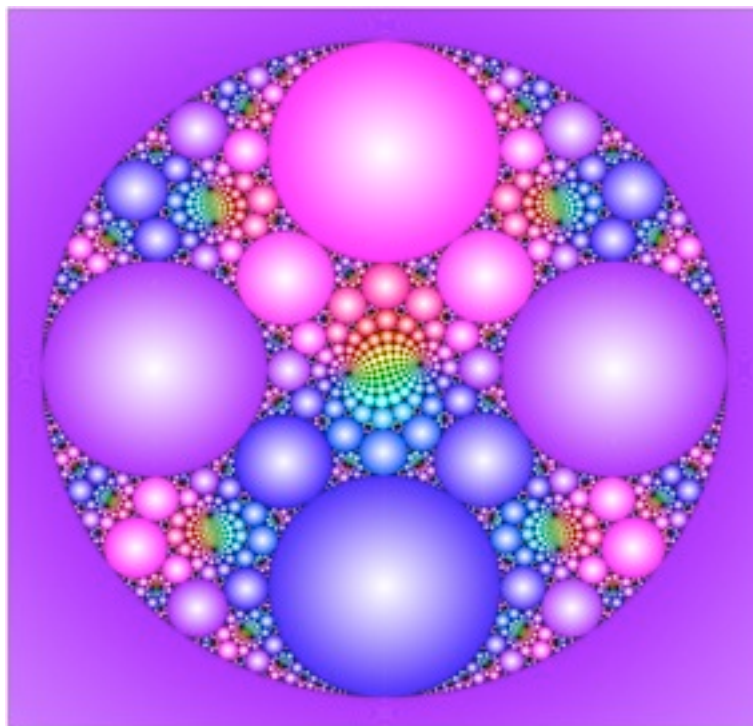


WRIGHT David

wrightd@math.okstate.edu

*David WRIGHT est professeur de mathématiques à l'Oklahoma State University. Avec David Mumford et Caroline Series, il est l'un des auteurs de **Indra's Pearls** (Cambridge University Press, 2002).*

<http://www.math.okstate.edu/~wrightd/>



David Wright

Cette image a été réalisée par David Wright. Il l'a présentée au 2003 NSF Visualization Challenge où il fut demi-finaliste. Accompagnée d'une note explicative de sa construction, elle figure également en couverture du numéro de Décembre 2004 des Notices de l'American Mathematical Society.

L'image montre la structure fine de l'ensemble limite associé à un certain groupe de Klein. De tels ensembles et la manière de les dessiner sont des thèmes majeurs de l'ouvrage magnifiquement illustré, *Indra's Pearls* (Cambridge University Press, 2002).

<http://klein.math.okstate.edu/IndrasPearls/Wonders/> (Wonders of Kleinian Groups) présente les données essentielles de cet ouvrage.

